

## TD C2 - Exercice 5

1

- par définition  $v = - \frac{d}{dt} [S]$  (1)

- de plus, si la réaction admet un ordre  $v = k [S]^p [H_3O^+]^q$  (2)

- or la réaction se fait de telle sorte que  $[H_3O^+](t) = [H_3O^+]_0$ . (3)

car elle se fait dans une solution tampon qui fixe le pH = 5,0 or  
 $pH = -\log [H_3O^+]$  d'où  $[H_3O^+]_0 = 10^{-5} \text{ mol.L}^{-1}$ .

ainsi (2) peut se réécrire :

$$v = k [S]^p [H_3O^+]_0^q$$

$$v = k_{app} [S]^p \quad (4)$$

avec  $k_{app} = k [H_3O^+]_0^q$

- Si l'ordre partiel par rapport à S vaut 1, alors :

$$(1) = (4) \Leftrightarrow v = - \frac{d[S]}{dt} = k_{app} [S]^1$$

- Je reconnais une équation différentielle d'ordre 1, dont la solution est :

$$[S](t) = [S]_0 \exp(-k_{app} t) \quad (5)$$

où  $[S]_0$  est la concentration initiale en S.

- Je prends le logarithme de (5) :

$$\ln \underbrace{[S](t)}_g = \underbrace{\ln [S]_0}_b - \underbrace{k_{app} t}_a \quad (6)$$

- À la calculatrice, je fais une régression linéaire de la courbe

- $\ln [S] = f(t)$ , j'obtiens une droite dont le coefficient de corrélation  $r^2 = 0,999$ , donc il s'agit d'un ordre 1.

$$x_1 = t$$

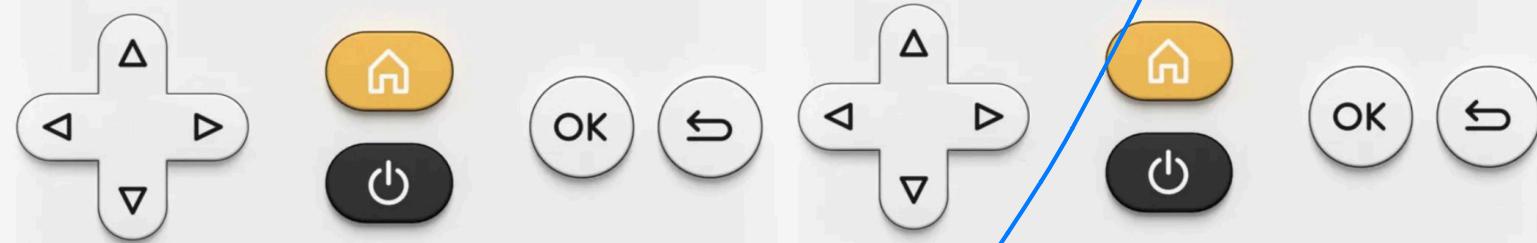
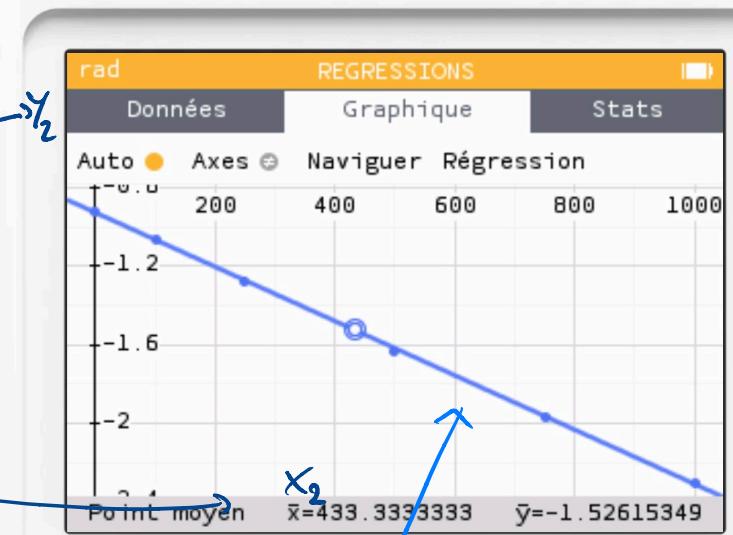
$$Y_1 = [S]$$

$$X_2 = X_1 = t$$

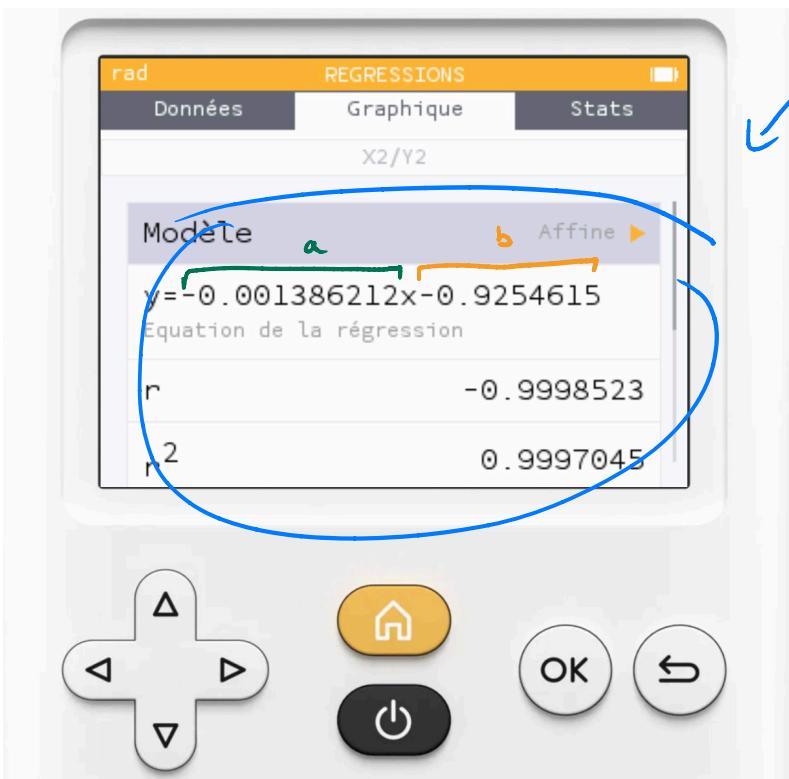
$$Y_2 = \ln(X_1) = \ln[S]$$

REGRESSIONS

REGRESSIONS		
Données	Graphique	Stats
$Y_1$	$X_2$	$Y_2$
0.4 0.345 0.28 0.195 0.14 0.1	0 100 250 500 750 1000	-0.9162907 -1.064211 -1.272966 -1.634756 -1.966113 -2.302585



régression linéaire.



2 La pente de la régression nous donne

$$k_{app} = 1,39 \times 10^{-3} \text{ min}^{-1}$$

Unité de  $k_{app}$ :  $[k_{app} t] = 1$   
↑ car dans une exponentielle

$$\text{dans } [k_{app}] = \frac{1}{[E]}$$

3 Le temps de demi-réaction est l'instant pour lequel la concentration atteint la moitié de sa valeur initiale.

$$\text{à } t = t_{1/2} \quad [S](t_{1/2}) = [S]_0 / 2 \quad \text{dans (6)}$$

$$t_{1/2} = \frac{\ln(2)}{k_{app}}$$

A.N.  $t_{1/2} = 499 \text{ min}$  (Ce qui semble en accord avec le tableau de donnée).

3  $k_{app} = k [H_3O^+]^q$  pour la première expérience

$$k_{app,0} = k [H_3O^+]_1^q \text{ pour la seconde expérience}$$

$$\ln\left(\frac{k_{app}}{k_{app,0}}\right) = q \ln\left(\frac{[H_3O^+]_0}{[H_3O^+]_1}\right)$$

$$\text{d'où } q = \frac{\ln\left(\frac{k_{app}}{k_{app,0}}\right)}{\ln\left(\frac{[H_3O^+]_0}{[H_3O^+]_1}\right)}$$

$$pH_1 = -\log([H_3O^+]_1) \text{ d'où } [H_3O^+]_1 = 10^{-3.8}$$

$$q = \frac{\ln\left(\frac{1,39 \times 10^{-3}}{2,22 \times 10^{-3}}\right)}{\ln\left(\frac{10^{-3}}{10^{-3.8}}\right)} =$$

A.N.  $q = 1,00$

5

$$k = k_{app} / [H_3O^+] \quad (7)$$

A.N.

$$k = \frac{1,39 \times 10^{-3}}{10^{-5}} = 1,39 \times 10^{-2} \text{ L mol}^{-1} \cdot \text{min}^{-1}$$

cf q2.

Unidades de  $k$ :

$$[k] = [k_{app} / C] = \frac{1}{[C]} \times \frac{1}{[C]}$$

↑  
(7)