

Questions rapides

Bras de levier (sans calculatrice : $\pi = 3$; $g = 10 \text{ m/s}^2$)

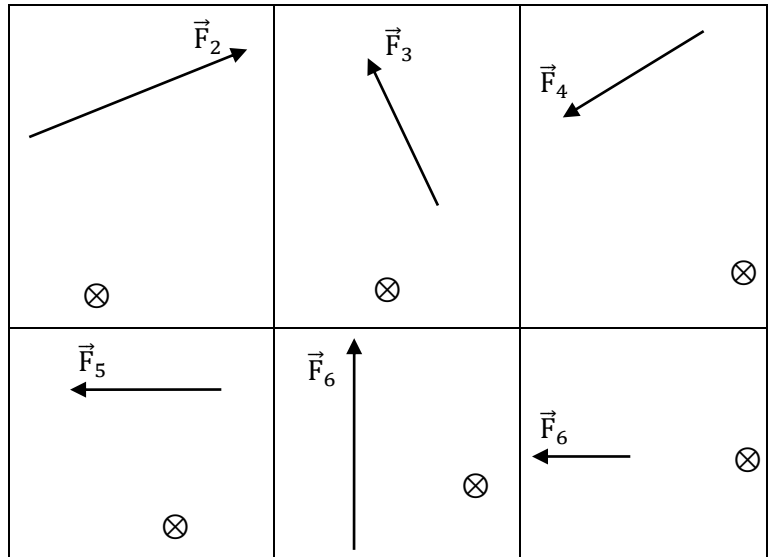
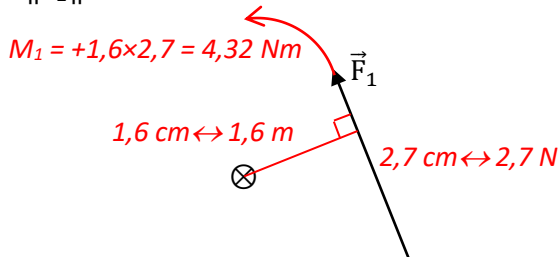
1. Dessiner et mesurer le bras de levier pour calculer le moment en \otimes

Echelle des forces : $1 \text{ cm} \leftrightarrow 1 \text{ N}$

Echelle des distances : $1 \text{ cm} \leftrightarrow 1 \text{ m}$

Exemple : $\|\vec{M}_1\| = \|\vec{F}_1\| \times d$

où $\|\vec{F}_1\| = 2,7 \text{ N}$ et $d = 1,6 \text{ m}$

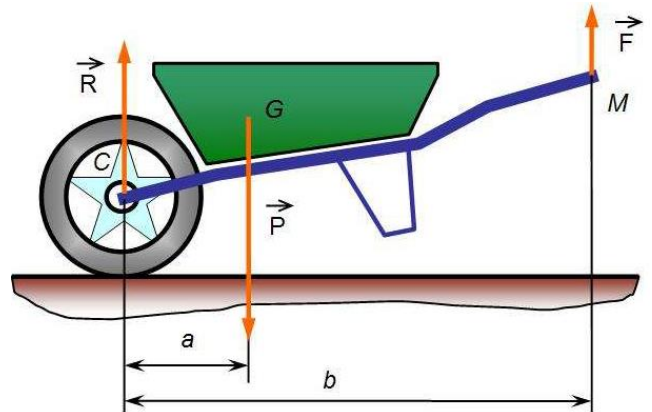


2. Calculer les intensités de tractions \vec{F}_1 et \vec{F}_2 exercées par les mains du conducteur de cette brouette si la force de pesanteur de la brouette avec son contenu est de 820 N

$a = 0,5 \text{ m}$; $b = 2 \text{ m}$

A l'équilibre, $\Sigma M_C = 0 = -P \times a + F \times b \Rightarrow F = P \times \frac{a}{b} = 820 \times \frac{0,5}{2} = 205 \text{ N}$

$F_1 = F_2 = \frac{F}{2} = \frac{205}{2} = 102,5 \text{ N}$ (soit environ 10 kg dans chaque main)



3. Une noix est serrée entre les mâchoires d'un casse-noix. Les distances de la noix à l'axe et de l'axe aux poignées sont égales à 3 cm et 15 cm .

La noix se brise si l'intensité des forces qui la compriment dépasse 400 N .

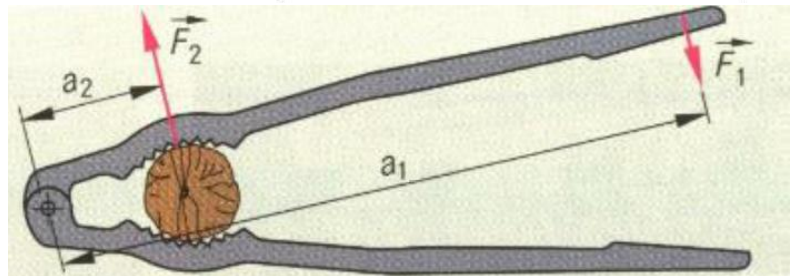
Avec quelle intensité faut-il presser l'une contre l'autre les poignées du casse-noix pour casser la noix ?

$a_1 = 0,15 \text{ m}$; $a_2 = 0,03 \text{ m}$; $F_2 = 400 \text{ N}$

Les forces appliquées à chaque bras de la pince sont la force \vec{F}_1 appliquée à la poignée et la réaction de la noix \vec{F}_2 d'intensité égale à celle qui la comprime (400 N)

Avant que la noix se casse, les moments de ces deux forces sont égaux : $F_2 \times a_2 = F_1 \times a_1 \Rightarrow F_1 = F_2 \times \frac{a_2}{a_1} = 400 \times \frac{0,03}{0,15} = 80 \text{ N}$

Il faut appliquer une force de 80 N (environ 8 kg) sur les poignées du casse-noix



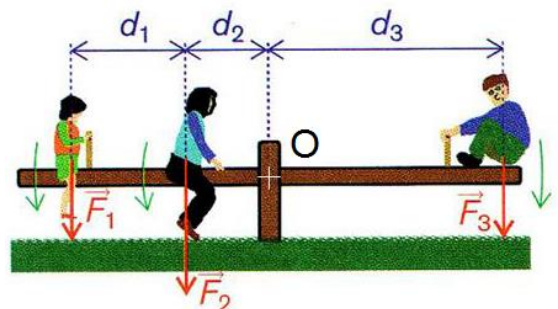
4. Déterminer la position du garçon pour que la balançoire soit en équilibre

$m_1 = 17 \text{ kg}$; $d_1 = 0,4 \text{ m}$; $m_2 = 21 \text{ kg}$; $d_2 = 0,2 \text{ m}$; $m_3 = 24 \text{ kg}$

La balance sera en équilibre si $\Sigma M_O = 0 = F_1 \times (d_1 + d_2) + F_2 \times d_2 - F_3 \times d_3$

$$\Rightarrow d_3 = \frac{F_1 \times (d_1 + d_2) + F_2 \times d_2}{F_3} = \frac{m_1 \times (d_1 + d_2) + m_2 \times d_2}{m_3}$$

$$= \frac{17 \times 0,6 + 21 \times 0,2}{24} = \frac{10,2 + 4,2}{24} = \frac{14,4}{24} = 0,6 \text{ m}$$



Poutre retenue par une charnière (sans calculatrice : $\pi = 3$; $g = 10 \text{ m/s}^2$; $\sqrt{3} = 1,7$)

L'extrémité droite d'une poutre horizontale de masse m_p et de longueur L est fixée à un mur par une charnière. L'extrémité gauche est retenue par une corde faisant un angle α avec l'horizontale. À l'extrémité gauche, on suspend un bloc de masse M_B .

a. Déterminer le module de la tension dans la corde inclinée (expression algébrique)

BAME {poutre} : Pesanteur : $m_p \cdot \vec{g}$

Action du bloc : $M_B \cdot \vec{g}$

Action de la corde : \vec{T}

Action de la charnière en O : \vec{F}

$$TMS_{O, \vec{z}} \rightarrow -T \cdot \sin \alpha \cdot L + M_B \cdot g \cdot L + m_p \cdot g \cdot \frac{L}{2} = 0 \text{ pour éliminer } \vec{F}$$

$$\Rightarrow T = \left(M_B + \frac{m_p}{2} \right) \frac{g}{\sin \alpha}$$

b. Réaliser l'application numérique pour $L = 2 \text{ m}$, $m_p = 5 \text{ kg}$, $M_B = 10 \text{ kg}$ et $\alpha = 30^\circ$

$$\text{Application numérique : } T = \left(M_B + \frac{m_p}{2} \right) \frac{g}{\sin \alpha} = \left(10 + \frac{5}{2} \right) \frac{10}{\sin 30} = \frac{12,5 \times 10}{0,5} = 250 \text{ N}$$

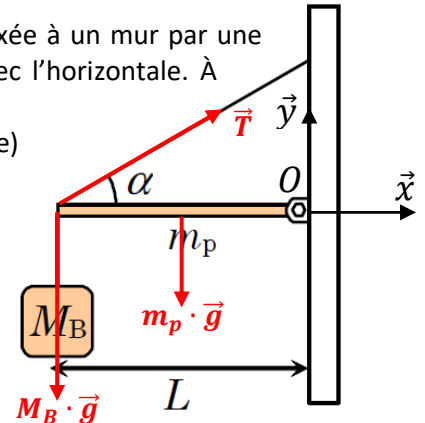
c. Evaluer le module de la force \vec{F} appliquée par la charnière et son orientation θ par rapport à l'horizontale

$$TRS_{\vec{x}} \rightarrow T \cdot \cos \alpha + F_x = 0 \Rightarrow F_x = -T \cdot \cos \alpha = -250 \times \sqrt{3} \div 2 = -125 \times \sqrt{3} \approx -212,5 \text{ N}$$

$$TRS_{\vec{y}} \rightarrow -m_p \cdot g - M_B \cdot g + T \cdot \sin \alpha + F_y = 0 \Rightarrow F_y = m_p \cdot g + M_B \cdot g - T \cdot \sin \alpha = 5 \times 10 + 10 \times 10 - 250 \times 0,5 = 150 - 125 = 25 \text{ N}$$

$$F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} = \sqrt{(-125 \times \sqrt{3})^2 + 25^2} = \sqrt{(3 \times 5^2 + 1) \times 25^2} = 25 \times \sqrt{76} \approx 25 \times 9 = 225 \text{ N}$$

$$\tan \theta = \frac{F_y}{F_x} \Rightarrow \theta = \tan^{-1} \left(\frac{F_y}{F_x} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{25}{125 \times \sqrt{3}} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{1}{5 \times \sqrt{3}} \right) (\approx 6,6^\circ)$$

**Poutre appuyée contre un mur sans frottement** (sans calculatrice : $\pi = 3$; $g = 10 \text{ m/s}^2$; $\sqrt{2} = 1,4$)

L'extrémité droite d'une poutre horizontale de 10 kg dont la longueur vaut 4 m, est appuyée contre un mur sans frottement. Une corde faisant un angle de 45° avec la verticale soutient la poutre ; son point d'attache sur la poutre est à 3 m du mur.

a. À quelle distance d du mur doit-on accrocher un bloc de masse $M = 20 \text{ kg}$ pour que la poutre demeure en équilibre ?

BAME {poutre} : Pesanteur : $m \cdot \vec{g}$

Action du bloc : $M \cdot \vec{g}$

Action de la corde en C : \vec{T}

Action du mur en O : \vec{N}

$$TMS_{C, \vec{z}} \rightarrow M \cdot g \cdot (d-3) - m \cdot g \cdot 1 = 0 \text{ pour éliminer } \vec{T}$$

avec $d - 3 \text{ m} = \text{distance entre C et le point d'application de } M \cdot \vec{g}$

$1 \text{ m} = \text{distance entre C et le point d'application de } m \cdot \vec{g}$

$$\Rightarrow d = \frac{m}{M} + 3 = \frac{10}{20} + 3 = 3,5 \text{ m}$$

b. Si on accroche un bloc de masse M à l'extrémité gauche de la poutre (à 4 m du mur), pour quelle valeur de M la poutre demeure-t-elle en équilibre ?

$$TMS_{C, \vec{z}} \rightarrow M \cdot g \cdot (4-3) - m \cdot g \cdot 1 = 0 \text{ pour éliminer } \vec{T} \text{ où } 4 \text{ m} - 3 \text{ m est la distance entre l'extrémité de la poutre et C}$$

$$\Rightarrow M = m = 10 \text{ kg}$$

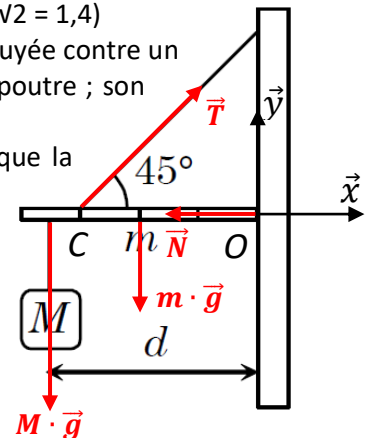
c. Dans cette configuration, déterminer les modules de la tension \vec{T} dans la corde inclinée et de la réaction \vec{N} du mur

$$TRS_{\vec{y}} \rightarrow -m \cdot g - M \cdot g + T \cdot \sin 45 = 0 \Rightarrow T = \frac{(m+M) \cdot g}{\sin 45} = \frac{(10+10) \times 10}{\sqrt{2}/2} = 200 \times \sqrt{2} \approx 200 \times 1,4 = 280 \text{ N}$$

$$\text{OU } TMS_{O, \vec{z}} \rightarrow M \cdot g \cdot 4 + m \cdot g \cdot 2 - T \cdot \sin 45 \cdot 3 = 0 \text{ pour éliminer } \vec{N}$$

$$\Rightarrow T = \frac{4 \cdot M \cdot g + 2 \cdot m \cdot g}{3 \cdot \sin 45} = \frac{(4+2) \times 10 \times 10}{3} \times \frac{2}{\sqrt{2}} = \frac{400}{\sqrt{2}} \approx \frac{400}{0,7} = 280 \text{ N}$$

$$TRS_{\vec{x}} \rightarrow T \cdot \cos 45 - N = 0 \Rightarrow N = T \cdot \cos 45 = 280 \times \sqrt{2} \div 2 \approx 280 \times 0,7 = 200 \text{ N}$$



Poutre articulée (avec calculatrice)

Une poutre de masse 10 kg et de 1 m de longueur supporte une charge de 300 N à son extrémité droite. Un câble relié à un mur maintient la poutre en équilibre.

a. Quelle doit être la tension $\|\vec{T}\|$ dans le câble ?

BAME{poutre} : Pesanteur : $m \cdot \vec{g}$

Action de la charge : $M \cdot \vec{g}$

Action du câble : \vec{T}

Action l'articulation en O : \vec{F}

$$TMS_O.\vec{z} \rightarrow T.\cos 20^\circ \times \frac{2L}{3} - m.g.\cos 30^\circ \times \frac{L}{2} - M.g.\cos 30^\circ \times L = 0 \text{ pour éliminer } \vec{F}$$

$$\Rightarrow T = \left(M + \frac{m}{2}\right) \cdot g \times \cos 30^\circ \times \frac{3}{2 \times \cos 20^\circ} = \left(300 + \frac{10 \times 9,81}{2}\right) \times \cos 30^\circ \times \frac{3}{2 \times \cos 20^\circ} \approx 482,5 \text{ N}$$

b. Quelles sont les composantes (horizontale et verticale) de la force \vec{F} exercée par le mur sur la poutre ?

$$TRS.\vec{x} \rightarrow T.\cos 20^\circ + F_x = 0 \Rightarrow F_x = T.\cos 40^\circ = 482,5 \times \cos 40^\circ = 369,6 \text{ N}$$

$$TRS.\vec{y} \rightarrow -m.g - M.g + T.\sin 40^\circ + F_y = 0 \Rightarrow F_y = m.g + M.g - T.\sin 40^\circ \\ = 10 \times 9,81 + 300 - 482,5 \times \sin 40^\circ = 88 \text{ N}$$

