

## 2TSI. TD PYTHON 19. INDICATIONS

### Partie A

On rappelle qu'une Pile est LIFO : Last In - First Out (Piles d'assiettes).

Une File est FIFO : First In - First Out (file d'attente à un guichet).

Il faut lire ici les ordres de sortie de gauche à droite. Par ailleurs, l'énoncé n'est pas très clair sur les entrées. Doit-on tout rentrer avant de tout sortir, Vous ferez donc deux hypothèses.

- 1) Premier cas : On fait rentrer toutes les valeurs dans l'ordre de l'énoncé avant d'en retirer.
- 2) Second cas : On peut retirer les éléments de la structure entre les opérations d'insertion.

### Partie B

1) On rappelle que  $L[:j]$  est la sous-liste tirée de  $L$  du début à l'indice  $j - 1$  et  $L[i:]$  est la sous-liste tirée de  $L$  de l'indice  $i$  à la fin.

2) Pour construire *merge* on définit au départ une liste vide *resultat* et en fin de procédure, *resultat* doit être rempli des deux listes *liste1* et *liste2* fusionnées et triées.

L'idée est d'adapter les procédures *fusion* et *TriFusion* du cours.

On tape en langage PYTHON :

On initialise  $i1$  et  $i2$  à 0.

Tant que  $i1 < \text{len}(\text{liste1})$  et  $i2 < \text{len}(\text{liste2})$  alors soit  $\text{liste1}[i1] < \text{liste2}[i2]$  et alors on ajoute  $\text{liste1}[i1]$  à *resultat* et on ajoute 1 à  $i1$ , soit  $\text{liste1}[i1] \geq \text{liste2}[i2]$  et alors on ajoute  $\text{liste2}[i2]$  à *resultat* et on ajoute 1 à  $i2$ .

Puis après cela, une des deux listes est vide et l'autre reste éventuellement à vider. On écrit une nouvelle boucle conditionnelle : tant que  $i1 < \text{len}(\text{liste1})$  alors on ajoute  $\text{liste1}[i1]$  à *resultat* et on ajoute 1 à  $i1$ .

On fait de même avec la liste *liste2* si c'est elle qui n'est pas vide.

3) La procédure *merge\_sort(liste)* est une fonction récursive sur la longueur de la liste.

On commence par taper :

```
if len(liste) <= 1 :
    return liste
```

Puis dans *liste1*, *liste2* on rentre *partition(liste)*

Puis on *return (merge\_sort(liste1), merge\_sort(liste2))*

### Partie C

**Étape 1.** On commencera par écrire une fonction qui calcule le gap d'une liste.

L'idée est de calculer le minimum *mini* et le maximum *maxi* des éléments d'une liste.

Et on *return maxi - mini*

Si vous voulez ne pas utiliser les fonctions prédéfinies pour connaître *mini* et *maxi* alors dans la procédure *gap(liste)*, vous initialisez *mini* et *maxi* à  $\text{liste}[0]$  puis dans une boucle *for* indexée par  $i$  de 1 à  $\text{len}(\text{liste})$ , vous comparez  $\text{liste}[i]$  à *mini* et si  $\text{liste}[i] < \text{mini}$  alors on a trouvé le nouveau *mini* et sinon, si  $\text{liste}[i] > \text{maxi}$  on a trouvé le nouveau *maxi*.

**Étape 2.** On construit la fonction *max\_gap\_matrix* d'argument  $M$  qui *return max\_gap* c'est-à-dire le maximum des gaps sur les lignes.

L'idée est de faire comme *gap* mais on indexe sur le numéro de la ligne de la matrice  $M$ .

On commence par importer *numpy as np*

Dans *max\_gap* on rentre initialement  $\text{gap}(M[0])$  puis on fait une boucle *for* indexée par  $i$  de 1 à  $\text{np.size}(M, 0)$  (qui donne le nombre de lignes de  $M$ , d'ailleurs  $\text{len}(M)$  donne exactement la même chose).

Dans la boucle, on affecte *new\_gap* de  $\text{gap}(M[i])$  et on compare *new\_gap* et *max\_gap*. Si  $\text{new\_gap} > \text{max\_gap}$  vous avez compris quoi faire.

**Version light.** On peut utiliser les fonctions *max* et *min* prédéfinies ainsi,  $\text{max}(\text{ligne})$  donne le maximum sur une ligne.

### Partie D

On comprend pourquoi une matrice non carée n'a aucune chance d'être symétrique.

Dans *is\_symetric(A)* on pose  $n = \text{np.size}(A, 0)$  et on commence une boucle *for* indexée par  $i$  de 0 jusqu'à  $n$  exclu

On commence par tester si  $\text{len}(A[i])$  vaut  $n$ . Si ce n'est pas le cas, on renvoie *False*

puis dans une nouvelle boucle *for* (incluse dans la première) indexée par  $j$  de  $i + 1$  à  $n$  exclu, on teste si  $A[i][j]$  vaut  $A[j][i]$  ou non. Si c'est non, on renvoie encore *False*

On rappelle au passage que  $a \neq b$  signifie que  $a$  est différent de  $b$ .

Et après être sorti des boucles, on *return True*