# Énoncés

# Sources lumineuses et lois de Snell-Descartes

## Lois de Snell-Descartes

**Entraînement 1.1 — Conversions d'angles (I).**

Soit $\alpha_{\text{rad}}$ la mesure d'un angle en radians, $\alpha_{\text{deg}}$ sa mesure en degrés et $\alpha_{\text{min}}$ sa mesure en minutes d'angle.

a) Exprimer $\alpha_{\text{rad}}$ en fonction de $\alpha_{\text{deg}}$ .....

b) Exprimer $\alpha_{\text{min}}$ en fonction de $\alpha_{\text{deg}}$ .....

**Entraînement 1.2 — Conversions d'angles (II).**

a) $\alpha = 35{,}65°$. Exprimer $\alpha$ en degrés et en minutes d'angle .....

b) $\beta = 98°15'$. Exprimer $\beta$ en radians .....

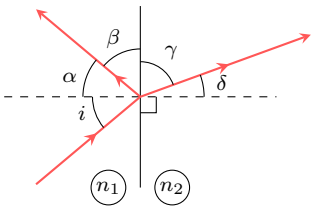
c) $\gamma = 1{,}053\,\text{rad}$. Exprimer $\gamma$ en degrés et en minutes d'angle .....

**Entraînement 1.3 — Un rayon incident sur un dioptre.**

On considère un rayon incident arrivant sur un dioptre séparant deux milieux d'indices respectifs $n_1$ et $n_2$.

Ce rayon fait un angle $i$ avec la normale au dioptre.

Tous les angles figurant sur le schéma sont non orientés.




Exprimer chacun des angles suivants en fonction de $i$ et/ou de $n_1$ et $n_2$ (en radians) :

a) $\alpha$ .....

b) $\beta$ .....

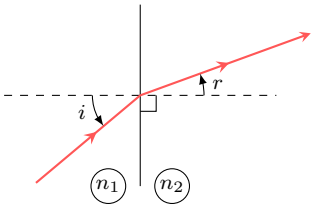
c) $\delta$ .....

d) $\gamma$ .....

**Entraînement 1.4 — Un autre rayon incident sur un dioptre.**

On considère un rayon incident arrivant sur un dioptre séparant deux milieux d'indices respectifs $n_1$ et $n_2$. Ce rayon fait un angle $i$ avec la normale au dioptre alors que le rayon réfracté fait un angle $r$.

On donne $n_1 = 1{,}00$ et $n_2 = 1{,}45$.




a) Pour $i = 24{,}0°$, que vaut $r$ en degrés ? .....

b) Pour $i = 6{,}74 \times 10^{-1}$ rad, que vaut $r$ en degrés ? .....

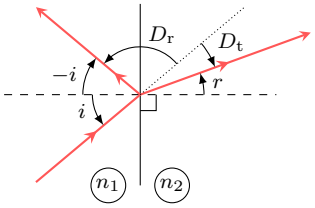
c) Pour $r = 15{,}0°$, que vaut $i$ en degrés ? .....

**Entraînement 1.5 — Déviation introduite par un dioptre.**

On considère un rayon incident arrivant sur un dioptre séparant deux milieux d'indices respectifs $n_1$ et $n_2$.

Les angles définis sur le schéma ci-contre sont tous orientés.

On définit $D_r$ la déviation entre le rayon incident et le rayon réfléchi, et $D_t$ la déviation entre le rayon incident et le rayon réfracté.




a) Exprimer $D_t$ en fonction de $i$ et $r$ .....

b) Déterminer $D_r$ .....

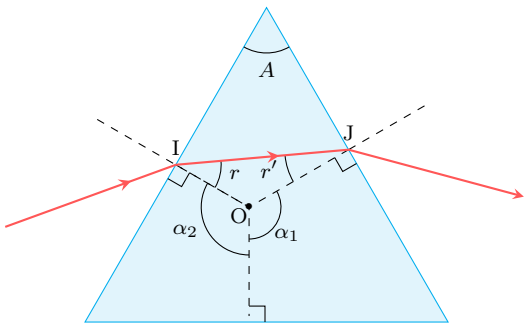
**Entraînement 1.6 — Un peu de géométrie dans un prisme.**

On considère un prisme d'angle au sommet $A$, représenté ci-contre suivant une de ses faces triangulaires.

Un rayon incident en I sur une face du prisme émerge en J.

On définit les angles $\alpha_1$, $\alpha_2$, $r$ et $r'$ sur le schéma.

Dans cet entraînement, les angles ne sont pas orientés.




*On rappelle que la somme des angles dans un quadrilatère est égale à $2\pi$.*

a) Exprimer l'angle $A$ en fonction de $\alpha_1$ et $\alpha_2$ .....

b) Exprimer l'angle A en fonction de $r$ et de $r'$ .....

# Autour des réflexions totales

### Entraînement 1.7

On considère un dioptre séparant deux milieux d'indices respectifs $n_1 = 1{,}5$ et $n_2 = 1{,}3$. Un rayon lumineux arrive sur ce dioptre en formant un angle $i$ par rapport à sa normale.

On rappelle qu'il y a réflexion totale si $\dfrac{n_1}{n_2}\sin(i) > 1$.

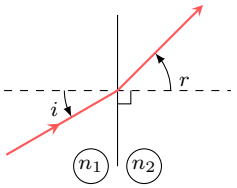
a) Pour $i = 44°$, y a-t-il réflexion totale ? .....

b) Donner, en degrés, l'angle $i_\ell$ tel qu'il y a réflexion totale si $i > i_\ell$ .....

### Entraînement 1.8

On considère un rayon lumineux incident sur le dioptre $n_1/n_2$, faisant un angle $i$ avec la normale à ce dioptre, et le rayon réfracté, faisant un angle $r$ avec cette normale.

On donne $n_1 = 1{,}37$ et on rappelle qu'il y a réflexion totale si $\dfrac{n_1}{n_2}\sin(i) > 1$.




a) Pour $i = 20{,}0°$ et $r = 22{,}0°$, que vaut $n_2$ ? .....

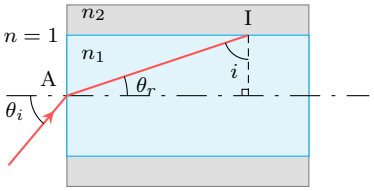
b) Pour $i = 60{,}0°$, quelle est la valeur maximale de $n_2$ donnant lieu à une réflexion totale ? ...

c) On suppose que $i = 40{,}0°$. Peut-on observer un phénomène de réflexion totale ? .....

### Entraînement 1.9 — Condition de propagation dans une fibre optique.

Un rayon lumineux arrive sur un dioptre séparant l'air d'un milieu d'indice $n_1$ au point A (voir schéma ci-contre). On a donc :

$$\sin(\theta_i) = n_1 \sin(\theta_r). \qquad (1)$$




Le rayon se propagera dans la fibre à condition qu'il y ait réflexion totale au point I situé à l'intersection du rayon lumineux et du dioptre $n_1/n_2$ (avec $n_1 > n_2$).

On donne la relation correspondante :

$$\frac{n_1 \sin(i)}{n_2} > 1 \qquad (2)$$

a) À l'aide de (1), exprimer $\cos(\theta_r)$ en fonction de $n_1$ et de $\sin(\theta_i)$ ....

b) À quelle condition portant sur $\cos(\theta_r)$ équivaut (2) ? .....

c) En déduire à quelle condition sur $\sin(\theta_i)$ équivaut (2) .....

# Sources lumineuses

**Entraînement 1.10 — Propagation de la lumière.**

Un laser vert émet une radiation lumineuse de longueur d'onde dans le vide $\lambda_0 = 532\,\text{nm}$. Calculer :

a) la fréquence de l'onde ..... b) l'énergie d'un photon .....

**Entraînement 1.11**

Une radiation lumineuse de longueur d'onde $\lambda_0$ passe du vide vers un milieu transparent d'indice $n$.

Quelles quantités sont inchangées ?

(a) La longueur d'onde
(b) L'énergie d'un photon
(c) La vitesse de propagation
(d) La fréquence de l'onde

.....

**Entraînement 1.12 — Propagation dans un milieu.**

Un laser de longueur d'onde dans le vide $\lambda_0 = 532\,\text{nm}$ se propage dans de l'eau, assimilée à un milieu transparent d'indice optique $n = 1{,}33$.

Donner la valeur numérique dans l'eau de :

a) la vitesse de la lumière .....

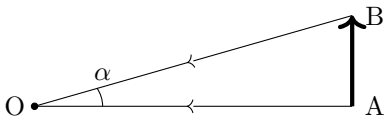
b) la longueur d'onde .....

# Lentilles

## Grandeurs algébriques

**Entraînement 2.1 — Diamètre apparent.**

On considère le schéma suivant, montrant l'angle $\alpha$, appelé diamètre apparent, sous lequel est vu un objet AB depuis un point O.




a) Exprimer le diamètre apparent $\alpha$, en radians, en fonction de OA et AB .....

b) Exprimer le diamètre apparent $\alpha$, en degrés, en fonction de OA et AB .....

Un observateur situé à la surface de la Terre observe des astres, caractérisés par les données suivantes :

| | **Soleil** | **Lune** |
|---|---|---|
| **Diamètre** | $1{,}4 \cdot 10^6$ km | $3{,}5 \cdot 10^3$ km |
| **Distance à la Terre** | $150\,600 \cdot 10^3$ km | 384 400 km |

*Pour simplifier les calculs, on pourra utiliser que, quand $\alpha$ est un angle petit et exprimé en radians, on dispose de l'approximation des petits angles : $\alpha \approx \tan(\alpha)$.*

c) Calculer le diamètre apparent de la Lune $\alpha_{\mathrm{L}}$ en degrés .....

d) Calculer le diamètre apparent du Soleil $\alpha_{\mathrm{S}}$ en degrés .....

e) Que vérifient les valeurs numériques $\alpha_{\mathrm{S}}$ et $\alpha_{\mathrm{L}}$ ?

(a) $\alpha_{\mathrm{S}} > \alpha_{\mathrm{L}}$ (b) $\alpha_{\mathrm{S}} \approx \alpha_{\mathrm{L}}$ (c) $\alpha_{\mathrm{S}} < \alpha_{\mathrm{L}}$

.....

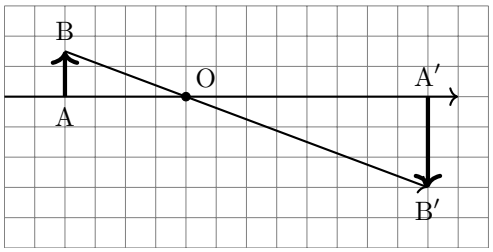
f) Quel phénomène astronomique la comparaison de $\alpha_L$ et $\alpha_S$ permet-elle d'expliquer ?

(a) Les éclipses
(b) Les saisons
(c) Les marées

.....

**Entraînement 2.2 — Configuration de Thalès et grandissement.**

On considère la situation représentée sur le schéma ci-dessous.



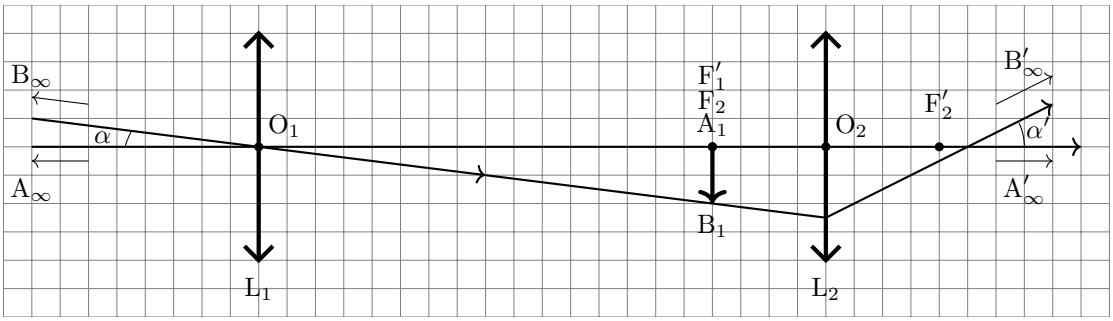

On note $\overline{x}$ la valeur algébrique de la longueur $x$ et on définit le grandissement $\gamma$ par la relation :

$$\gamma = \frac{\overline{\mathrm{A'B'}}}{\overline{\mathrm{AB}}}.$$

a) Donner la relation reliant $\overline{\mathrm{OA}}$, $\overline{\mathrm{OA'}}$, $\overline{\mathrm{AB}}$ et $\overline{\mathrm{A'B'}}$ .....

b) Déterminer la valeur numérique de $\gamma$ .....

**Entraînement 2.3 — Schéma optique d'une lunette astronomique afocale.**




Le schéma ci-dessus modélise une lunette astronomique afocale, où un carreau correspond à une longueur réelle de 2,5 cm.

Calculer les distances algébriques suivantes :

a) $\overline{\mathrm{O_1F'_1}}$ .....

b) $\overline{\mathrm{O_2F_2}}$ .....

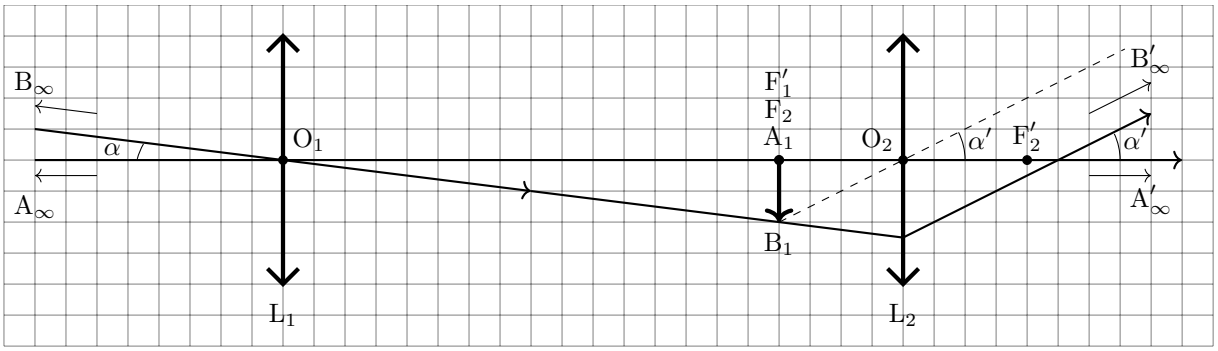
c) $\overline{\mathrm{O_2O_1}}$ .....

d) $\overline{\mathrm{A_1F'_2}}$ .....

**Entraînement 2.4 — Grossissement d'une lunette astronomique afocale.**

On considère la lunette astronomique afocale schématisée dans l'entraînement précédent.

Elle est constituée d'un objectif (lentille convergente $L_1$) et d'un oculaire (lentille convergente $L_2$) alignés sur le même axe optique.




On introduit les grandeurs suivantes :

- la distance focale image de l'objectif, notée $f_1'$
- la distance focale image de l'oculaire, notée $f_2'$
- l'objet lointain observé par la lunette, noté $\overline{\mathrm{A_\infty B_\infty}}$
- l'image intermédiaire de l'objet par l'objectif, notée $\overline{\mathrm{A_1 B_1}}$
- l'image à l'infini de l'image intermédiaire par l'oculaire, notée $\overline{\mathrm{A'_\infty B'_\infty}}$
- le diamètre apparent $\alpha$ de l'objet
- le diamètre apparent $\alpha'$ de l'image

On définit le grossissement de la lunette, noté $G$, comme le rapport du diamètre apparent de l'objet observé à la lunette sur le diamètre apparent réel de l'objet.

Autrement dit, on pose :

$$G = \frac{\alpha'}{\alpha}.$$

*Dans cet entraînement, les angles ne seront pas orientés et on travaillera avec des longueurs plutôt que des valeurs algébriques.*

a) Exprimer $\alpha$ en fonction de $\mathrm{A_1B_1}$ et d'une distance focale.

.....

b) Exprimer $\alpha'$ en fonction de $\mathrm{A_1B_1}$ et d'une distance focale.

.....

c) Exprimer $G$ en fonction de $f_1'$ et de $f_2'$.

.....

d) Déterminer la valeur de $G$.

.....

# Modèle de la lentille mince

**Entraînement 2.5 — Conditions de Gauss.**

Parmi les situations suivantes concernant les rayons lumineux issus d'un objet et traversant une lentille mince, indiquer celle qui ne permet pas de se placer dans les conditions de Gauss :

(a) peu inclinés par rapport à l'axe optique

(b) passant par les bords de la lentille

(c) passant près du centre optique

.....

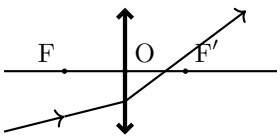
**Entraînement 2.6 — Déviation de rayons lumineux.**

On rappelle les propriétés suivantes :

- Un rayon passant par le centre optique de la lentille n'est pas dévié.
- Un rayon incident dont la direction passe par le foyer objet émerge parallèle à l'axe optique principal.
- Un rayon parallèle à l'axe optique principal émerge avec une direction passant par le foyer image.

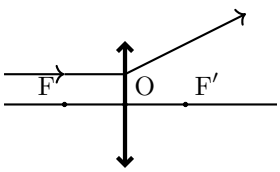
Pour chacun des schémas suivants, préciser s'ils sont corrects ou incorrects.

a)



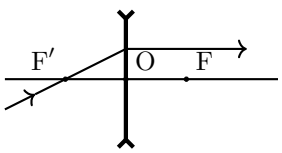

.....

b)



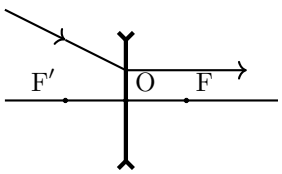

.....

c)




.....

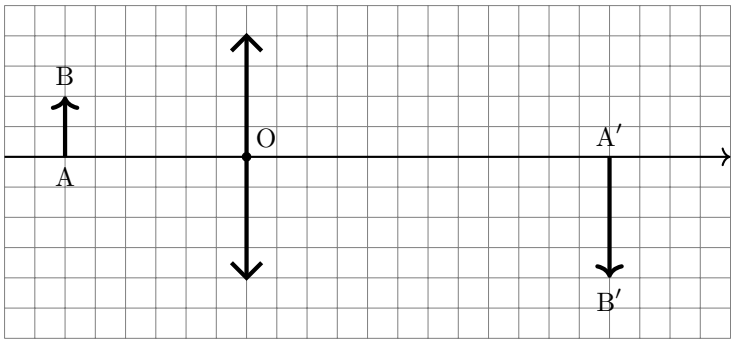
d)




.....

**Entraînement 2.7 — Construction de rayons lumineux.**

On considère le schéma suivant montrant un objet $\overline{AB}$ et son image $\overline{A'B'}$ par une lentille convergente.




On donne l'échelle du schéma : 8 carreaux sur le schéma correspondent à 10 cm en réalité.

a) Déterminer graphiquement la distance focale de la lentille .....

b) Calculer la vergence de la lentille .....

**Entraînement 2.8 — Batailles de convergence.**

Quelle est la lentille la plus convergente ?

(a) une lentille de vergence $+8{,}0\ \delta$

(b) une lentille de focale image $+8{,}0$ cm

(c) une lentille de focale objet $-10{,}0$ cm

(d) une lentille de focale image $-8{,}0$ cm

.....

## Conjugaison par une lentille mince

**Entraînement 2.9 — Relation de conjugaison au centre optique.**

Un objet lumineux est placé au point A, à 15,0 cm devant une lentille mince convergente de centre optique O et de distance focale $f' = 4{,}0$ cm.

On rappelle la relation de conjugaison aux sommets de Descartes qui permet de faire le lien entre la position $\overline{OA}$ de l'objet et la position $\overline{OA'}$ de l'image :

$$\frac{1}{\overline{OA'}} - \frac{1}{\overline{OA}} = \frac{1}{\overline{OF'}}.$$

a) Exprimer $\overline{OA'}$ en fonction de $\overline{OA}$ et $f'$ .....

b) Exprimer $\overline{OA}$ en fonction de $\overline{OA'}$ et $f'$ .....

c) Exprimer $f'$ en fonction de $\overline{OA}$ et $\overline{OA'}$ .....

d) L'image est-elle située avant ou après le centre optique O ? .....

**Entraînement 2.10 — Grandissement.**

Un système optique donne d'un objet une image dont le grandissement est le suivant : $\gamma = -2{,}0$.

a) Par rapport à l'objet, cette image est :

(a) rétrécie (b) agrandie

.....

b) Par rapport à l'objet, cette image est :

(a) droite (b) renversée

.....

**Entraînement 2.11 — Projecteur de cinéma.**

Un projecteur de cinéma contient une lentille convergente de distance focale $f' = 50{,}0\,\text{mm}$.

L'écran se situe à 15,0 m de la lentille et on dispose d'une pellicule dont les vignettes sont de dimensions $36{,}0\,\text{mm} \times 24{,}0\,\text{mm}$.

a) À quelle distance algébrique de la lentille doit-on placer la pellicule ? .....

b) Quelles sont les dimensions de l'image d'une vignette sur l'écran ? .....

**Entraînement 2.12 — Objets et images à l'infini.**

a) Un objet lumineux très éloigné, comme une étoile, peut être considéré comme étant situé à l'infini.

Où se situe l'image d'un tel objet par une lentille ?

(a) dans son plan focal image
(b) dans son plan focal objet
(c) à l'infini

.....

b) Un œil « normal » (emmétrope) n'accomode pas lorsqu'il observe une image à l'infini. Dans ce but, on souhaite projeter à l'infini, l'image d'un objet en utilisant une lentille.

Où doit-on placer l'objet ?

(a) dans son plan focal image
(b) dans son plan focal objet
(c) à l'infini

.....

**Entraînement 2.13 — Loupe.**

Une loupe est une lentille convergente utilisée dans des conditions particulières. Dans cet exercice, la lentille utilisée a une distance focale de 10,0 cm. On place un objet $\overline{\text{AB}} = 2{,}0\,\text{cm}$ à une distance de 6,0 cm en avant de la loupe.

a) Calculer la position de l'image formée par la loupe .....

b) Donner la nature de l'image .....

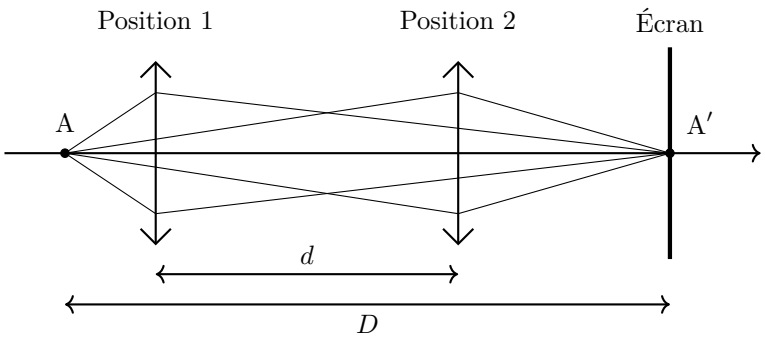
c) Calculer la taille de l'image formée par la loupe .....

d) Cette image est-elle droite ou renversée ? .....

**Entraînement 2.14 — Méthode de Bessel.**

Pour mesurer la distance focale d'une lentille, on peut utiliser la méthode de Bessel.

On considère un objet donné, et on fixe la distance $D$ entre l'objet et l'écran. On s'assure que $D$ soit suffisamment grande pour qu'il existe deux positions où intercaler la lentille entre l'objet et l'écran, pour lesquelles l'image sur l'écran est nette. On note $d$ la distance entre ces deux positions.




On peut alors montrer la relation suivante :

$$\frac{1}{f'} = \frac{1}{\frac{D+d}{2}} - \frac{1}{\frac{-(D-d)}{2}}.$$

a) Exprimer $f'$ en fonction de $D$ et $d$ .....

b) Exprimer $f'$ lorsque $d = \dfrac{D}{4}$ .....

c) Exprimer $d$ lorsque $f' = \dfrac{D}{4}$ .....

# Réponses et corrigés

# Fiche n° 1. Sources lumineuses et lois de Snell-Descartes

## Réponses

**1.1** a) ..... $\boxed{\dfrac{\pi}{180} \times \alpha_{\text{deg}}}$

**1.1** b) ..... $\boxed{60 \times \alpha_{\text{deg}}}$

**1.2** a) ..... $\boxed{35°39'}$

**1.2** b) ..... $\boxed{1{,}715\,\text{rad}}$

**1.2** c) ..... $\boxed{60°20'}$

**1.3** a) ..... $\boxed{i}$

**1.3** b) ..... $\boxed{\dfrac{\pi}{2} - i}$

**1.3** c) ..... $\boxed{\arcsin\left(\dfrac{n_1}{n_2}\sin(i)\right)}$

**1.3** d) .. $\boxed{\dfrac{\pi}{2} - \arcsin\left(\dfrac{n_1}{n_2}\sin(i)\right)}$

**1.4** a) ..... $\boxed{16{,}3°}$

**1.4** b) ..... $\boxed{25{,}5°}$

**1.4** c) ..... $\boxed{22{,}0°}$

**1.5** a) ..... $\boxed{r - i}$

**1.5** b) ..... $\boxed{\pi - 2i}$

**1.6** a) ..... $\boxed{(\alpha_1 + \alpha_2) - \pi}$

**1.6** b) ..... $\boxed{r + r'}$

**1.7** a) ..... $\boxed{\text{Non}}$

**1.7** b) ..... $\boxed{60°}$

**1.8** a) ..... $\boxed{1{,}25}$

**1.8** b) ..... $\boxed{1{,}18}$

**1.8** c) ..... $\boxed{\text{Non}}$

**1.9** a) ..... $\boxed{\sqrt{1 - \dfrac{\sin^2(\theta_i)}{n_1^2}}}$

**1.9** b) ..... $\boxed{\cos(\theta_r) > \dfrac{n_2}{n_1}}$

**1.9** c) .... $\boxed{\sin(\theta_i) < \sqrt{n_1^2 - n_2^2}}$

**1.10** a) ..... $\boxed{564\,\text{THz}}$

**1.10** b) ..... $\boxed{3{,}74 \times 10^{-19}\,\text{J}}$

**1.11** ..... $\boxed{\text{(b) et (d)}}$

**1.12** a) .... $\boxed{2{,}26 \times 10^{8}\,\text{m} \cdot \text{s}^{-1}}$

**1.12** b) ..... $\boxed{400\,\text{nm}}$

## Corrigés

**1.2** a) On a $\alpha = 35° + 0{,}65 \times 60' = 35°39'$.

**1.2** b) L'angle $\beta$ vaut 98° et 15 minutes d'angle, c'est-à-dire $\beta = 98 + 15/60 = 98{,}25°$.

En radians, on a $\beta = 98{,}25° \times \dfrac{\pi}{180°} = 1{,}715\,\text{rad}$ (on garde 4 chiffres significatifs, comme la donnée de départ).

**1.2** c) On a $\gamma = 1{,}053 \times \dfrac{180°}{\pi} = 60{,}33°$. Or, 0,33° correspondent à $0{,}33 \times 60 = 20'$. Donc $\gamma = 60°20'$.

**1.3** a) On a $\alpha = i$. Il s'agit de la loi de Snell-Descartes pour la réflexion.

**1.3** b) On a $\alpha + \beta = \dfrac{\pi}{2}$ et $\alpha = i$, donc $\beta = \dfrac{\pi}{2} - i$.

**1.3** c) La loi de Snell-Descartes pour la réfraction donne : $n_1 \sin(i) = n_2 \sin(\delta)$. Donc $\delta = \arcsin\left(\dfrac{n_1}{n_2}\sin(i)\right)$.

**1.4** a) La loi de Snell Descartes pour la réfraction donne : $n_1 \sin(i) = n_2 \sin(r)$. On obtient pour $r$ :

$$r = \arcsin\left(\frac{n_1}{n_2}\sin(i)\right) \text{ et donc } r = \arcsin\left(\frac{1}{1{,}45} \times \sin(24{,}0)\right) = 16{,}3°.$$

Attention à bien régler la calculatrice en degrés ou à convertir l'angle en radians.

**1.4** b) Si la calculatrice est réglée en degrés, on a : $r = \arcsin\left(\frac{1}{1{,}45}\sin(0{,}674 \times \frac{180}{\pi})\right) = 25{,}5°$.

.....

**1.4** c) On a $i = \arcsin\left(\frac{n_2}{n_1}\sin(r)\right)$ donc $i = \arcsin\left(\frac{1{,}45}{1}\sin 15{,}0\right) = 22{,}0°$.

.....

**1.5** a) On a $D_t = r - i$. Attention, $i$ et $r$ sont orientés dans le sens trigonométrique, alors que $D_t$ est orienté dans le sens horaire.

.....

**1.5** b) On a $D_r - (-i) + i = \pi$ donc $D_r = \pi - 2i$.

.....

**1.6** a) On utilise le fait que la somme des angles d'un quadrilatère est égale à $2\pi$ dans OIAJ. Donc, on a :

$$2\pi = A + \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} + (2\pi - (\alpha_1 + \alpha_2)).$$

Ainsi, on a $A = (\alpha_1 + \alpha_2) - \pi$.

.....

**1.6** b) On utilise le fait que la somme des angles d'un triangle est égale à $\pi$ dans IAJ. Donc, on obtient $\pi = A + (\frac{\pi}{2} - r) + (\frac{\pi}{2} - r')$, et ainsi $A = r + r'$.

.....

**1.7** a) On a $\frac{n_1}{n_2}\sin(i) = \frac{1{,}5}{1{,}3}\sin(44°) = 0{,}8 < 1$. Il existe un rayon réfracté, il n'y a donc pas réflexion totale.

.....

**1.7** b) Comme $n_1$ est supérieur à $n_2$, il existe un tel angle limite, qui est $i_\ell = \arcsin\left(\frac{n_2}{n_1}\right) = \arcsin\left(\frac{1{,}3}{1{,}5}\right) = 60°$.

.....

**1.8** a) D'après la loi de Snell-Descartes, on a $n_1\sin(i) = n_2\sin(r)$. Donc :

$$n_2 = n_1\frac{\sin(i)}{\sin(r)} = 1{,}37 \times \frac{\sin(20{,}0°)}{\sin(22{,}0°)} = 1{,}25.$$

.....

**1.8** b) On observe une réflexion totale si $\frac{n_1}{n_2} \times \sin(i) > 1$ donc si $n_2 < n_1 \times \sin(i) = 1{,}37 \times \sin(60{,}0°) = 1{,}18$.

.....

**1.8** c) L'angle limite au-delà duquel il y a réflexion totale est $i_\ell = \arcsin\left(\frac{n_2}{n_1}\right)$. Un milieu ne peut pas avoir un indice plus petit que 1 (cela signifierait que la lumière s'y propage plus rapidement que dans le vide, ce qui n'est pas possible). Donc, pour $n_1 = 1{,}37$, le plus petit angle limite de réflexion totale est :

$$i_{\ell,min} = \arcsin\left(\frac{1}{1{,}37}\right) = 46{,}9° > 40{,}0°.$$

Donc : non, il n'existe aucun milieu 2 qui permette d'observer une réflexion totale dans ces conditions.

.....

**1.9** a) On a $\cos(\theta_r) = \sqrt{1 - \sin^2(\theta_r)} = \sqrt{1 - \frac{\sin^2(\theta_i)}{n_1^2}}$.

.....

**1.9** b) Il s'agit d'un triangle rectangle, donc $i = \frac{\pi}{2} - \theta_r$. Donc la relation équivaut à $\frac{n_1\sin(\frac{\pi}{2} - \theta_r)}{n_2} > 1$, c'est-à-dire à $\frac{n_1\cos(\theta_r)}{n_2} > 1$ et donc à $\cos(\theta_r) > \frac{n_2}{n_1}$.

.....

**1.9** c) On a $\sqrt{1-\dfrac{\sin^2(\theta_i)}{n_1^2}} > \dfrac{n_2}{n_1}$ donc $1-\dfrac{\sin^2(\theta_i)}{n_1^2} > \left(\dfrac{n_2}{n_1}\right)^2$ dont on déduit :

$$\sin^2(\theta_i) < n_1^2\left(1-\left(\frac{n_2}{n_1}\right)^2\right) = n_1^2 - n_2^2.$$

Ainsi, on a $\sin(\theta_i) < \sqrt{n_1^2 - n_2^2}$.

.....

**1.10** a) On a $f = \dfrac{c}{\lambda_0} = \dfrac{3{,}00\times10^8\,\mathrm{m\cdot s^{-1}}}{532\,\mathrm{nm}} = 5{,}64\times10^{14}\,\mathrm{Hz} = 564\,\mathrm{THz}$.

.....

**1.10** b) On a $E = hf = 6{,}63\times10^{-34}\,\mathrm{J\cdot s}\times5{,}64\times10^{14}\,\mathrm{Hz} = 3{,}74\times10^{-19}\,\mathrm{J}$.

.....

**1.11** Au passage d'un dioptre, la fréquence et l'énergie d'un photon sont inchangées. En revanche, la vitesse de propagation de la lumière et la longueur d'onde dépendent de l'indice optique.

.....

**1.12** a) On a $v = \dfrac{c}{n} = \dfrac{3{,}00\times10^8\,\mathrm{m\cdot s^{-1}}}{1{,}33} = 2{,}26\times10^8\,\mathrm{m\cdot s^{-1}}$.

.....

**1.12** b) On a $\lambda = \dfrac{v}{f} = \dfrac{c}{nf} = \dfrac{\lambda_0}{n} = \dfrac{532\,\mathrm{nm}}{1{,}33} = 400\,\mathrm{nm}$.

.....

# Fiche n° 2. Lentilles

## Réponses

**2.1** a) ..... $\boxed{\arctan\left(\dfrac{\mathrm{AB}}{\mathrm{OA}}\right)}$

**2.1** b)... $\boxed{\arctan\left(\dfrac{\mathrm{AB}}{\mathrm{OA}}\right) \times \dfrac{180}{\pi}}$

**2.1** c) ..... $\boxed{0{,}52°}$

**2.1** d) ..... $\boxed{0{,}53°}$

**2.1** e) ..... $\boxed{\text{b}}$

**2.1** f)..... $\boxed{\text{a}}$

**2.2** a) ..... $\boxed{\dfrac{\overline{\mathrm{OA'}}}{\overline{\mathrm{OA}}} = \dfrac{\overline{\mathrm{A'B'}}}{\overline{\mathrm{AB}}}}$

**2.2** b) ..... $\boxed{-2}$

**2.3** a)..... $\boxed{40\,\mathrm{cm}}$

**2.3** b)..... $\boxed{-10\,\mathrm{cm}}$

**2.3** c)..... $\boxed{-50\,\mathrm{cm}}$

**2.3** d) ..... $\boxed{20\,\mathrm{cm}}$

**2.4** a) ..... $\boxed{\dfrac{\mathrm{A_1B_1}}{f'_1}}$

**2.4** b) ..... $\boxed{\dfrac{\overline{\mathrm{A_1B_1}}}{f'_2}}$

**2.4** c)..... $\boxed{\dfrac{f'_1}{f'_2}}$

**2.4** d)..... $\boxed{4}$

**2.5** ..... $\boxed{\text{b}}$

**2.6** a) ..... $\boxed{\text{correct}}$

**2.6** b) ..... $\boxed{\text{incorrect}}$

**2.6** c) ..... $\boxed{\text{incorrect}}$

**2.6** d) ..... $\boxed{\text{correct}}$

**2.7** a)..... $\boxed{5{,}0\,\mathrm{cm}}$

**2.7** b)..... $\boxed{+20\ \delta}$

**2.8** ..... $\boxed{\text{b}}$

**2.9** a) ..... $\boxed{\dfrac{\overline{\mathrm{OA}} \times \overline{\mathrm{OF'}}}{\overline{\mathrm{OA}} + \overline{\mathrm{OF'}}}}$

**2.9** b)..... $\boxed{\dfrac{\overline{\mathrm{OA'}} \times f'}{f' - \overline{\mathrm{OA'}}}}$

**2.9** c) ..... $\boxed{\dfrac{\overline{\mathrm{OA}} \times \overline{\mathrm{OA'}}}{\overline{\mathrm{OA}} - \overline{\mathrm{OA'}}}}$

**2.9** d)..... $\boxed{\text{après}}$

**2.10** a)..... $\boxed{\text{b}}$

**2.10** b)..... $\boxed{\text{b}}$

**2.11** a)..... $\boxed{\overline{\mathrm{OA}} = -5{,}02\,\mathrm{cm}}$

**2.11** b)..... $\boxed{10{,}8\,\mathrm{m} \times 7{,}2\,\mathrm{m}}$

**2.12** a)..... $\boxed{\text{a}}$

**2.12** b)..... $\boxed{\text{b}}$

**2.13** a)..... $\boxed{\overline{\mathrm{OA'}} = -15\,\mathrm{cm}}$

**2.13** b)..... $\boxed{\text{virtuelle}}$

**2.13** c)..... $\boxed{5{,}0\,\mathrm{cm}}$

**2.13** d)..... $\boxed{\text{droite}}$

**2.14** a) ..... $\boxed{\dfrac{D^2 - d^2}{4D}}$

**2.14** b)..... $\boxed{\dfrac{15D}{64}}$

**2.14** c)..... $\boxed{0}$

## Corrigés

**2.1** a) Dans le triangle rectangle OAB, on a $\tan(\alpha) = \dfrac{\mathrm{AB}}{\mathrm{OA}}$. Comme l'angle $\alpha$ est entre $-\pi/2$ et $\pi/2$, on a $\alpha = \arctan\left(\dfrac{\mathrm{AB}}{\mathrm{OA}}\right)$ pour un objet lointain.

.....

**2.1** b) On effectue une conversion radians-degrés du résultat précédent : $\alpha = \arctan\left(\dfrac{\mathrm{AB}}{\mathrm{OA}}\right) \times \dfrac{180}{\pi}$.

.....

**2.1** c) Dans le triangle rectangle OAB, on a $\mathrm{OA} \gg \mathrm{AB}$. Donc, on a : $\alpha \approx \tan(\alpha) = \dfrac{3{,}5 \cdot 10^3\,\mathrm{km}}{384\,400\,\mathrm{km}} \times \dfrac{180}{\pi} = 0{,}52°$.

.....

**2.1** d) Dans le triangle rectangle OAB, on a OA $\gg$ AB. Donc, on a :

$$\alpha \approx \tan(\alpha) = \frac{1{,}4 \cdot 10^6\,\text{km}}{150\,600 \cdot 10^3\,\text{km}} \times \frac{180}{\pi} = 0{,}53°.$$

.....

**2.1** e) Même si les valeurs ne sont pas strictement égales, elles sont proches d'un point de vue physique, l'écart relatif entre elles valant $\frac{\alpha_S - \alpha_L}{\alpha_L} = 1{,}9\,\%$.
Les diamètres angulaires de la Lune et du Soleil pour un observateur situé sur Terre sont proches.

.....

**2.1** f) La Lune et le Soleil ont la même taille apparente sur le ciel. Si la Lune, plus proche de la Terre, se place entre la Terre et le Soleil, celle-ci va dissimuler complètement le Soleil : on parle d'éclipse solaire. Les diamètres apparents n'ont rien à voir avec l'alternance des saisons, liée à l'inclinaison de l'axe de rotation de la Terre, ni avec l'effet de marée, lié à l'attraction gravitationnelle de la Lune et du Soleil sur les océans et la croûte terrestre.

.....

**2.2** a) Par application du théorème de Thalès, on a $\frac{\overline{OA'}}{\overline{OA}} = \frac{\overline{A'B'}}{\overline{AB}}$.

.....

**2.2** b) Par lecture graphique, on constate que $\overline{OA'} = 8$ unités horizontales et $\overline{OA} = -4$ unités horizontales. D'après la relation déterminée dans la question précédente, on a $\gamma = \frac{\overline{A'B'}}{\overline{AB}} = \frac{\overline{OA'}}{\overline{OA}} = \frac{8\text{ carreaux}}{-4\text{ carreaux}} = -2$.

.....

**2.3** a) Le sens positif est le sens de propagation de la lumière. Le point $F_1'$ est après $O_1$ donc $\overline{O_1F_1'} = 40\,\text{cm}$.

.....

**2.3** b) Le point $F_2$ est en avant de $O_2$ donc $\overline{O_2F_2} = -10\,\text{cm}$.

.....

**2.3** c) Le point $O_1$ est en avant de $O_2$ donc $\overline{O_2O_1} = -50\,\text{cm}$.

.....

**2.3** d) Le point $A_1$ est en avant de $F_2'$ donc $\overline{A_1F_2'} = 20\,\text{cm}$.

.....

**2.4** a) Dans le triangle rectangle $O_1A_1B_1$, on a $\tan(\alpha) = \frac{A_1B_1}{O_1F_1'}$. Comme l'objet est très éloigné, l'angle $\alpha$ est petit ; comme il est exprimé en radians, on peut effectuer l'approximation $\alpha \approx \tan(\alpha)$.

.....

**2.4** b) Dans le triangle rectangle $O_2A_1B_1$, on a $\tan(\alpha') = \frac{A_1B_1}{O_2F_2'}$. Comme l'objet est très éloigné, l'angle $\alpha'$ est petit ; comme il est exprimé en radians, on peut effectuer l'approximation $\alpha' \approx \tan(\alpha')$.

.....

**2.4** c) En utilisant les deux expressions trouvées pour $\alpha$ et $\alpha'$, on trouve :

$$G = \frac{\alpha'}{\alpha} = \frac{A_1B_1}{f_2'} \times \frac{f_1'}{A_1B_1} = \frac{f_1'}{f_2'}.$$

.....

**2.4** d) Graphiquement, on lit $f_1' = 16$ carreaux et $f_2' = 4$ carreaux. Donc, on a $G = \frac{f_1'}{f_2'} = 4$. Un objet lointain observé à travers cette lunette apparaîtra sous un diamètre 4 fois plus important qu'à l'œil nu.

.....

**2.5** Pour se placer dans les conditions de Gauss (stigmatisme approché et aplanétisme), les rayons lumineux issus d'un objet doivent passer près du centre optique et être peu inclinés par rapport à l'axe optique principal.

.....

**2.6** a) Ce schéma est correct car un rayon parallèle au rayon incident passant par le centre optique de la lentille sans être dévié couperait le rayon émergent dans le plan focal image de la lentille convergente.

.....

**2.6** b) Ce schéma est incorrect car le foyer image $F'$ d'une lentille convergente est situé au-delà de la lentille et non en avant (par rapport au sens de propagation de la lumière). Ce schéma serait correct si la lentille était divergente.

.....

**2.6** c) Ce schéma est incorrect car un rayon lumineux qui ressort d'une lentille parallèle à l'axe optique principal, a une direction incidente passant par le foyer objet F. Ceci n'est pas le cas ici puisque le rayon incident passe par le foyer image $F'$.

.....

**2.6** d) Ce schéma est correct car un rayon incident dont la direction passe par le foyer objet F ressort parallèle à l'axe optique de la lentille.

.....

**2.7** a) On ajoute un rayon incident issu de B parallèle à l'axe optique principal et émergeant en $B'$.

On trouve la position du foyer image principal $F'$ à l'intersection entre l'axe optique principal et le rayon tracé.

En mesurant la distance $\overline{OF'}$ sur le schéma et en tenant compte de l'échelle du document (8 carreaux sur le document correspondent à 10 cm en réalité), on trouve : $\overline{OF'} = 5{,}0\,\text{cm}$.

.....

**2.7** b) En utilisant la définition de la vergence, on a $V = \dfrac{1}{f'} = \dfrac{1}{0{,}05\,\text{m}} = +20\ \delta$.

.....

**2.8** Pour comparer les lentilles, il faut comparer soit leurs distances focales images $f'$, soit leurs distances focales objets $f = -f'$, soit leurs vergences $V = \dfrac{1}{f'}$.

Remarquons que le lentille (d) est exclue d'office, car $f'_d = -8{,}0\,\text{cm} < 0$ donc il s'agit d'une lentille divergente ($f' < 0$) et non convergente ($f' > 0$).

Calculons les vergences des trois lentilles qui sont encore à considérer. On a :

- pour la lentille (a) : $V_a = +8{,}0\ \delta$ ;
- pour la lentille (b) : $V_b = \dfrac{1}{f'_b} = \dfrac{1}{0{,}080\,\text{m}} = +12{,}5\ \delta$ ;
- et pour la lentille (c) : $V_c = \dfrac{1}{f'} = -\dfrac{1}{f} = -\dfrac{1}{-0{,}100\,\text{m}} = +10{,}0\ \delta$.

On a $V_b > V_c > V_a$ ; donc, c'est la lentille (b) qui est la plus convergente.

.....

**2.9** a) On déduit de la relation $\dfrac{1}{\overline{OA'}} - \dfrac{1}{\overline{OA}} = \dfrac{1}{\overline{OF'}}$ que $\overline{OA'} = \dfrac{\overline{OA} \times \overline{OF'}}{\overline{OA} + \overline{OF'}}$.

.....

**2.9** b) On déduit de la relation $\dfrac{1}{\overline{OA'}} - \dfrac{1}{\overline{OA}} = \dfrac{1}{\overline{OF'}}$ que $\overline{OA} = \dfrac{\overline{OA'} \times \overline{OF'}}{\overline{OF'} - \overline{OA'}}$. Ainsi, $\overline{OA} = \dfrac{\overline{OA'} \times f'}{f' - \overline{OA'}}$.

.....

**2.9** c) On déduit de la relation $\dfrac{1}{\overline{OA'}} - \dfrac{1}{\overline{OA}} = \dfrac{1}{\overline{OF'}}$ que $f' = \overline{OF'} = \dfrac{\overline{OA} \times \overline{OA'}}{\overline{OA} - \overline{OA'}}$.

.....

**2.9** d) On a montré que $\overline{OA'} = \dfrac{\overline{OA} \times \overline{OF'}}{\overline{OA} + \overline{OF'}}$. Or, on a $\overline{OA} = -15\,\text{cm}$ et $\overline{OF'} = 4{,}0\,\text{cm}$.

L'application numérique donne $\overline{OA'} = \dfrac{-15\,\text{cm} \times 4{,}0\,\text{cm}}{-15\,\text{cm} + 4{,}0\,\text{cm}} = 5{,}5\,\text{cm}$.

Comme $\overline{OA'} > 0$, l'image $\overline{A'B'}$ se situe après la lentille.

.....

**2.10** a) Par définition du grandissement, l'image est agrandie car $|\gamma| > 1$.

.....

**2.10** b) L'image est renversée car $\gamma < 0$.

.....

**2.11** a) On a $\overline{OA'} = 15\,\text{m}$ et $f' = 5{,}00 \cdot 10^{-2}\,\text{m}$. D'après la relation de conjugaison de Descartes, on a :

$$\frac{1}{\overline{OA'}} - \frac{1}{\overline{OA}} = \frac{1}{\overline{OF'}}.$$

On en déduit que $\overline{OA} = \dfrac{\overline{OA'} \times \overline{OF'}}{\overline{OF'} - \overline{OA'}}$. Donc, on a $\overline{OA} = \dfrac{15{,}0\,\text{m} \times 5{,}00 \cdot 10^{-2}\,\text{m}}{5{,}02 \cdot 10^{-2}\,\text{m} - 15\,\text{m}} = -5{,}02 \cdot 10^{-2}\,\text{m} = -5{,}02\,\text{cm}$.

.....

**2.11** b) Le grandissement $\gamma$ vaut :

$$\gamma = \frac{\overline{A'B'}}{\overline{AB}} = \frac{\overline{OA'}}{\overline{OA}} = \frac{15\,\text{m}}{-0{,}050\ 2\,\text{m}} = -299.$$

Ainsi, la largeur de l'image sur l'écran vaut $299 \times 36 \cdot 10^{-3}\,\text{m} = 10{,}8\,\text{m}$. De plus, la hauteur de l'image sur l'écran vaut $299 \times 24 \cdot 10^{-3}\,\text{m} = 7{,}18\,\text{m}$.

Finalement, les dimensions de l'image sur l'écran sont : $10{,}8\,\text{m} \times 7{,}2\,\text{m}$.

.....

**2.12** a) On sait que $\dfrac{1}{\overline{OA'}} - \dfrac{1}{\overline{OA}} = \dfrac{1}{\overline{OF'}}$. Ici, on a $\overline{OA} \longrightarrow -\infty$ donc $\dfrac{1}{\overline{OA}} \longrightarrow 0^-$. Finalement, on a $\overline{OA'} \longrightarrow \overline{OF'}$.

.....

**2.12** b) On sait que $\dfrac{1}{\overline{OA'}} - \dfrac{1}{\overline{OA}} = \dfrac{1}{\overline{OF'}}$. Ici, on souhaite que $\overline{OA'} \longrightarrow +\infty$ ; donc on souhaite que $\dfrac{1}{\overline{OA'}} \longrightarrow 0^+$ et donc que $\overline{OA} \longrightarrow -\overline{OF'} = \overline{OF}$.

.....

**2.13** a) On a $\overline{OA'} = \dfrac{\overline{OA} \times \overline{OF'}}{\overline{OA} + \overline{OF'}}$. Or, on a $\overline{OA} = -6{,}0\,\text{cm}$ et $\overline{OF'} = 10{,}0\,\text{cm}$. Donc, on a :

$$\overline{OA'} = \frac{-6{,}0\,\text{cm} \times 10\,\text{cm}}{-6{,}0\,\text{cm} + 10\,\text{cm}} = -15\,\text{cm}.$$

.....

**2.13** b) L'image se situe en avant de la lentille. On l'observera directement à travers la lentille, en regardant dans la direction de l'objet.

.....

**2.13** c) Sa taille se calcule à l'aide de la formule du grandissement : $\gamma = \dfrac{\overline{A'B'}}{\overline{AB}} = \dfrac{\overline{OA'}}{\overline{OA}}$. Ici, on a :

$$\overline{A'B'} = \frac{\overline{OA'}}{\overline{OA}} \times \overline{AB} = \frac{-15\,\text{cm}}{-6{,}0\,\text{cm}} \times 2{,}0\,\text{cm} = 5{,}0\,\text{cm}.$$

.....

**2.13** d) Le grandissement est positif : il s'agit d'une image droite.

**2.14** a) On transforme l'expression $\dfrac{1}{f'} = \dfrac{1}{\frac{D+d}{2}} - \dfrac{1}{\frac{-(D-d)}{2}}$ en mettant les fractions sous dénominateur commun et en isolant $f'$. On a :

$$\frac{1}{f'} = \frac{1}{\frac{D+d}{2}} - \frac{1}{\frac{-(D-d)}{2}} = \frac{2}{D+d} + \frac{2}{D-d} \qquad \text{donc} \qquad \frac{1}{f'} = \frac{2(D-d)+2(D+d)}{(D+d)(D-d)} = \frac{4D}{D^2-d^2}.$$

Finalement, on trouve $f' = \dfrac{D^2-d^2}{4D}$.

**2.14** b) En remplaçant $d$ par $\dfrac{D}{4}$, on arrive à $f' = \dfrac{D^2 - \frac{D^2}{16}}{4D} = \dfrac{15D}{64}$.

**2.14** c) En remplaçant $f'$ par $\dfrac{D}{4}$, on arrive à $\dfrac{D}{4} = \dfrac{4D}{D^2-d^2}$ et donc à $D^2 = D^2 - d^2$. Ainsi, on a $d = 0$.