

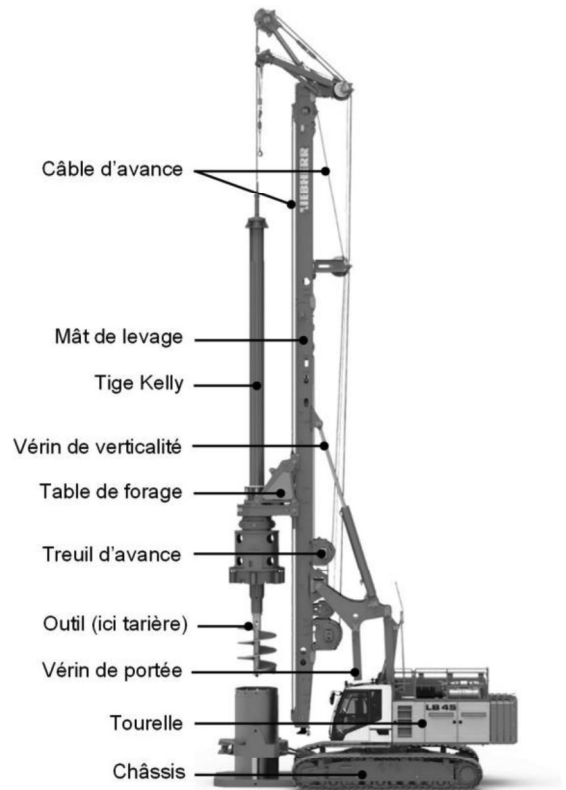
# Machine de Forage

## CCINP – MP – 2023 (extrait)

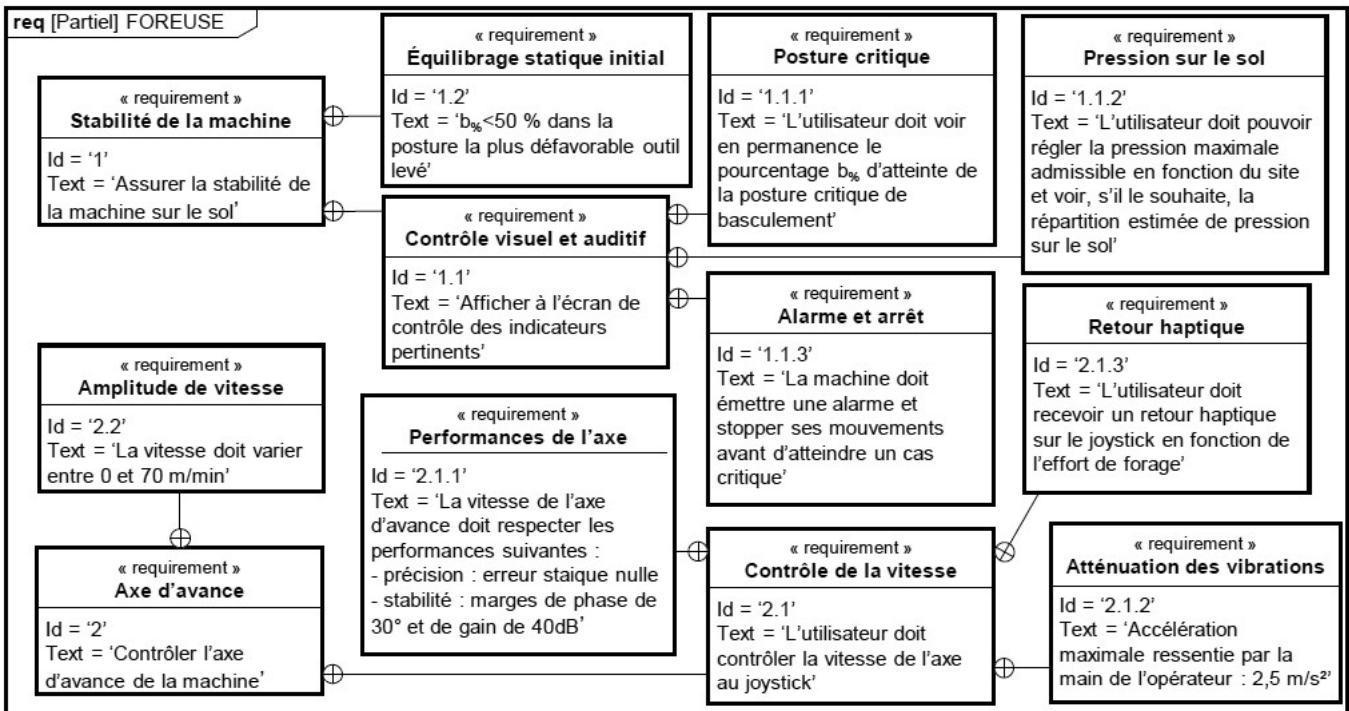
### Présentation

On s'intéresse dans ce sujet à une machine de forage permettant la réalisation de fondation profonde.

La machine est constituée d'une tourelle, comportant la cabine de pilotage, les différents moteurs de la foreuse et des contrepoids à l'arrière, est montée sur un châssis équipé de chenilles. La tourelle est orientable autour d'un axe vertical à 360° par rapport au châssis et porte un mât de levage. Ce mât, dont la portée et la verticalité par rapport à la tourelle sont réglables à l'aide de vérins, guide une table de forage en translation grâce à un câble d'avance lui-même actionné par un treuil d'avance. En phase de forage, pendant que la table de forage descend, celle-ci actionne en rotation la tige Kelly au bout de laquelle est montée l'outil, généralement une tarière (vis sans fin). Le mouvement d'avance combiné au mouvement de rotation de l'outil permet le forage. De plus, on note que la table de forage est équipée d'un système de suspension permettant d'amortir, pour le reste de la machine, les vibrations dues aux efforts de forage.



On donne ci-dessous le diagramme des exigences partiel de la machine



L'étude porte sur la stabilité globale de la machine.

## Contrôle de la stabilité de la machine de forage

### Condition de basculement statique

En fonction de l'orientation de la tourelle par rapport au châssis et des efforts mis en jeu, il est possible que la machine de forage bascule. Ceci doit légitimement être évité. Pour cela, la connaissance de la position estimée du centre de gravité de la machine permet à l'ordinateur de bord d'afficher à tout instant sur l'écran de contrôle la marge de manœuvre possible avant basculement de la machine. La **figure 1** ci-contre illustre ce que l'opérateur peut observer dans un coin de son écran : le pourcentage  $b\%$  d'atteinte de la posture critique de basculement pour une orientation de tourelle donnée.

On se propose dans cette sous-partie de retrouver comment l'ordinateur de bord génère ce résultat. Pour cela, on se base sur le paramétrage n° 1 de la machine, avec liaison linéaire-rectiligne entre le sol et les chenilles, présent en **annexe** (page 6).

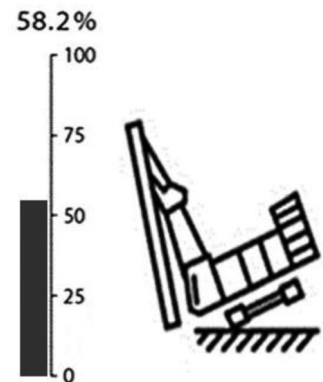


Figure 1

- Q1.** Réaliser le graphe des liaisons de l'ensemble. Faire apparaître les efforts extérieurs.
- Q2.** Donner les torseurs statiques des liaisons Linéaires rectilignes, de la pivot et de la glissière.
- Q3.** Expliquer par un raisonnement simple mais détaillé pourquoi mesurer l'effort  $F_w$  dans le câble d'avance permet au constructeur, en quasi-statique, de connaître l'effort de forage  $F_{sol}$  sans mesurer ce dernier.

On suppose désormais que  $F_{sol}$  est estimé par l'expression  $F_{sol} = m \cdot g - 2 F_w$ .  
Sauf indications contraires, on néglige également les effets dynamiques.

- Q4.** En appliquant le principe fondamental de la statique, donner l'expression des **résultantes** des linéaires rectilignes en fonction des données connues du système, de  $\theta$  et de  $F_{sol}$ . Vous détaillerez la démarche (isolement, équation écrite en justifiant votre choix)

Le problème étant symétrique pour  $\theta \in \left[-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}\right]$  (tourelle orientée à droite) et  $\theta \in \left[\frac{\pi}{2}; \frac{3\pi}{2}\right]$  (tourelle orientée à gauche), on n'étudie par la suite que le basculement statique à droite.

- Q5.** Donner la condition en effort pour laquelle il y a basculement statique à droite. En absence d'effort de forage, en déduire la condition sur la position  $(r, \theta)$  du centre de gravité  $G$  pour laquelle le basculement à droite est alors évité. Interpréter physiquement ce résultat et montrer que  $b\%$  peut être, dans ce cas, approximé par :

$$b\% = 100 \cdot \frac{|r \cdot \cos \theta|}{a}$$

On désire dimensionner le nombre de contrepoids de 8 tonnes à placer à l'arrière de la tourelle pour que, en l'absence de forage et en extension maximale, l'exigence 1.2 d'équilibrage statique initial soit respectée même dans le pire des cas où la tourelle est pleinement orientée à droite ( $\theta = 0$ ). Dans cette posture, le schéma de la **figure 2** illustre où se situent, dans le même plan, les centres de gravité des différents éléments de la machine :

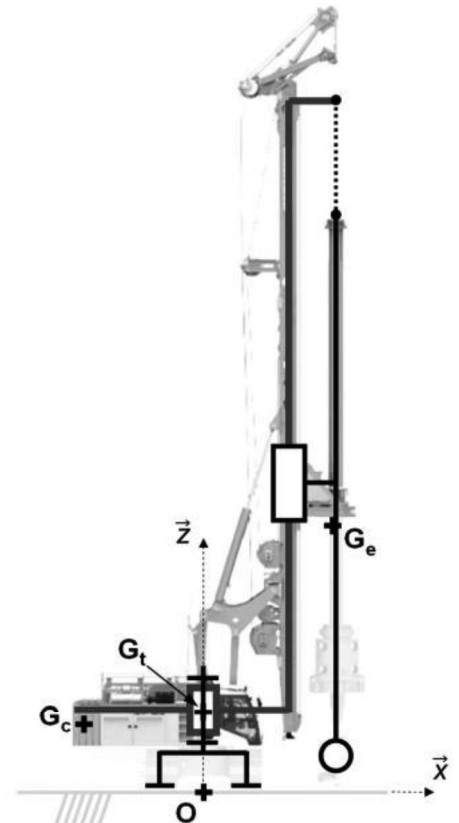


Figure 2

- $G_t$  est le centre de gravité de la tourelle et du châssis. La masse de cet ensemble  $S_t$  est notée  $m_t = 44,7 \text{ tonnes}$  ;
- $G_e$  est le centre de gravité de tous les équipements mobiles (tige Kelly, potences, vérins, mât, table de forage, outillage, terre à évacuer), positionnés dans la configuration la plus défavorable. La masse de cet ensemble  $S_e$  est notée  $m_e = 48,8 \text{ tonnes}$ .
- $G_c$  est le centre de gravité des contrepoids. Il y a  $n_{cp}$  contrepoids de masse totale  $m_c = n_{cp} \cdot m_1$ , où  $m_1 = 8 \text{ tonnes}$  est la masse d'un seul contrepoids.
- L'accélération de la pesanteur est notée :

$$\vec{g} = -g\vec{z} = -9,8\vec{z} \text{ (en } m \cdot s^{-2} \text{)}$$

- On note :

$$\overrightarrow{OG_t} = z_t\vec{z}; \overrightarrow{OG_e} = x_e\vec{x} + z_e\vec{z}; \overrightarrow{OG_c} = x_c\vec{x} + z_c\vec{z}$$

Avec

$$z_t = 2,2 \text{ m} ; x_e = 4,4 \text{ m} ; z_e = 13 \text{ m} ; x_c = -4,3 \text{ m} ; z_c = 2,3 \text{ m}$$

- On fait l'hypothèse que  $\overrightarrow{OG_c}$  reste identique, indépendamment du nombre de contrepoids.

**Q6.** Exprimer la coordonnée sur  $\vec{x}$ , notée  $r$ , du centre de gravité  $G$  total de la machine en fonction des paramètres connus et de  $n_{cp}$ . En déduire le nombre  $n_{cp}$  minimum de contrepoids pour respecter l'exigence 1.2.

## Contrôle de la pression du sol

### Modélisation des actions mécaniques

Si la foreuse exerce trop de pression sur ce sol, celui-ci peut s'affaisser, ce qui peut déstabiliser de manière critique la machine. La foreuse doit donc contrôler à tout instant, par estimation, la pression qu'elle exerce sur le sol (et donc que le sol exerce sur elle).

Le **tableau 1** récapitule les niveaux de pression que les sols peuvent supporter avant de risquer de s'affaisser.

Tableau 1 : Pression admissible par le sol en fonction du type de sol

Type de sol	Rocher	Schiste argileux	Gravier compact	Asphalte	Sable compacté	Sable en vrac	Argile humide
Pression maximale admissible (kPa)	2000	800	400	200	200	100	< 100

D'après les normes européennes, la répartition de pression du sol sur chaque chenille doit être modélisée comme trapézoïdale sur sa longueur et constante sur sa largeur. Un exemple de représentations 3D, 2D et "aplatie" (comme vue sur l'écran de contrôle dans la cabine) de telles répartitions est donné sur la **figure 3**. Sur la vue "aplatie", la machine est vue de dessus et la visualisation de l'allure des pressions sous les chenilles est ramenée dans le plan de l'écran. Un des rôles de l'ordinateur de bord est d'estimer ces répartitions de pression afin de vérifier que la pression maximale supportée par le sol (rentrée par l'utilisateur en fonction du site) n'est pas atteinte à un coefficient de sécurité près. Si c'est le cas, l'ordinateur bloque tous les mouvements de la foreuse qui risqueraient d'empirer et renvoie une alarme.

On se propose dans cette sous-partie d'étudier cette estimation. On base l'étude sur le **paramétrage n° 2** de l'**annexe**, avec répartition de pression entre le sol et les chenilles. Puis, afin de résoudre le problème plus facilement, on somme les deux glisseurs (poids en  $G$  et sol en  $F$ ) pour en former un seul équivalent (en  $E$ ) et noté :

$$\vec{F}_{eq \rightarrow f} = F_{eq} \vec{z}$$

où  $F_{eq}$  est négatif.

$$\vec{OE} = e \vec{x}_2$$

**Q7.** Déterminer les expressions de  $F_{eq}$  et de  $e$  en fonction de  $M, m, F_w, R, r$  et de  $g$ .

La force élémentaire en  $P$  de réaction du sol 0 sur la chenille gauche  $cg$  est notée

$$d\vec{F}_{0 \rightarrow cg} = p_g(y) \vec{z} dx dy$$

La chenille droite est notée  $cd$ .

**Q8.** En déduire l'expression de la force élémentaire  $d\vec{F}_{0 \rightarrow cg}$  et du moment élémentaire,  $d\vec{M}_O(0 \rightarrow cg)$  au point  $O$  qu'exercent le sol sur la chenille gauche en un point  $P$  de contact en fonction de  $A$  et de  $B$ .

**Q9.** Déterminer à l'aide de la question précédente les expressions de l'effort  $\vec{F}_{0 \rightarrow cg}$  et du moment au point  $O$   $\vec{M}_O(0 \rightarrow cg)$  en fonction de  $A, B$  et des données connues du système.

De même, on pourrait, par analogie, déterminer  $\vec{F}_{0 \rightarrow cd}$  et  $\vec{M}_O(0 \rightarrow cd)$  en fonction de  $C$  et de  $D$ . Au final, on peut en déduire la force  $\vec{F}_{0 \rightarrow \Sigma}$  qu'exerce le sol sur la foreuse et le moment en  $O$  qu'exerce le sol sur la foreuse,  $\vec{M}_O(0 \rightarrow \Sigma)$  (via uniquement les chenilles gauche et droite).

Grâce à ces résultats, on trouve qu'à l'équilibre, les répartitions de pressions trapézoïdales doivent respecter le système d'équations (1).

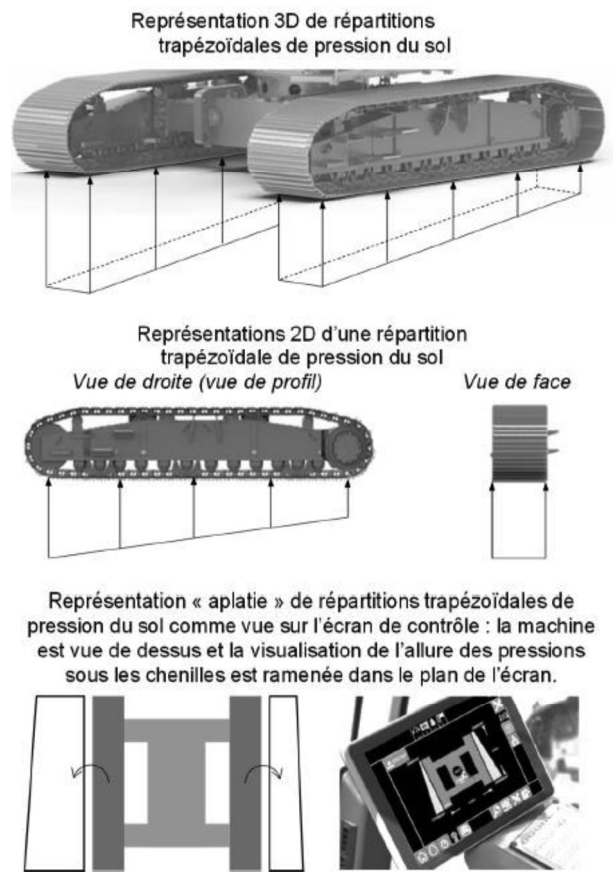


Figure 3

$$\begin{cases} (D + B).L.\ell & = & -F_{eq} \\ (C + A).\frac{L^2.\ell}{12} & = & -F_{eq}.e.\sin \theta \\ (D - B).L.\ell.a & = & -F_{eq}.e.\cos \theta \end{cases} \quad (1)$$

**Q10.** Quels théorèmes généraux ont permis d'établir les trois équations scalaires du système d'équations (1) ?

La figure 8 permet de remarquer que B (respectivement D), toujours positive, est la pression moyenne de la répartition trapézoïdale gauche (respectivement droite) et que A (respectivement C), positive ou négative, en est l'écart entre sa pression avant et arrière. Ainsi, la pression maximale du sol sur la chenille gauche vaut toujours  $B + \left|\frac{A}{2}\right|$  (respectivement  $D + \left|\frac{C}{2}\right|$  à droite). Ainsi, pour estimer la pression maximale exercée au sol, l'ordinateur de bord estime d'abord la position de E et la valeur de  $F_{eq}$  en fonction des données renvoyées à tout instant par les capteurs présents sur les différents axes de la foreuse. Ensuite, il détermine les valeurs des pressions A, B, C et D grâce aux équations précédentes avec l'hypothèse assez réaliste où  $C = A$  et en déduit la pression maximale. Enfin, il renvoie à l'écran la visualisation " aplatie " des distributions de pression et sonne l'alarme en cas d'approche de la pression maximale autorisée rentrée par l'utilisateur.

**Q11.** Après avoir précisé l'expression des paramètres A, B, C et D, donner l'expression de la pression maximale de chacune des répartitions estimées (gauche et droite) en fonction des données connues par la machine ( $L, \ell, a, e, \theta$  et  $F_{eq}$  uniquement). En déduire que l'expression unique de la pression maximale sous la foreuse s'écrit :

$$p_{Max} = -\frac{F_{eq}}{2.L.\ell} \left( 1 + \frac{e.\cos \theta}{a} + \frac{6.e.\sin \theta}{L} \right)$$

# Annexe

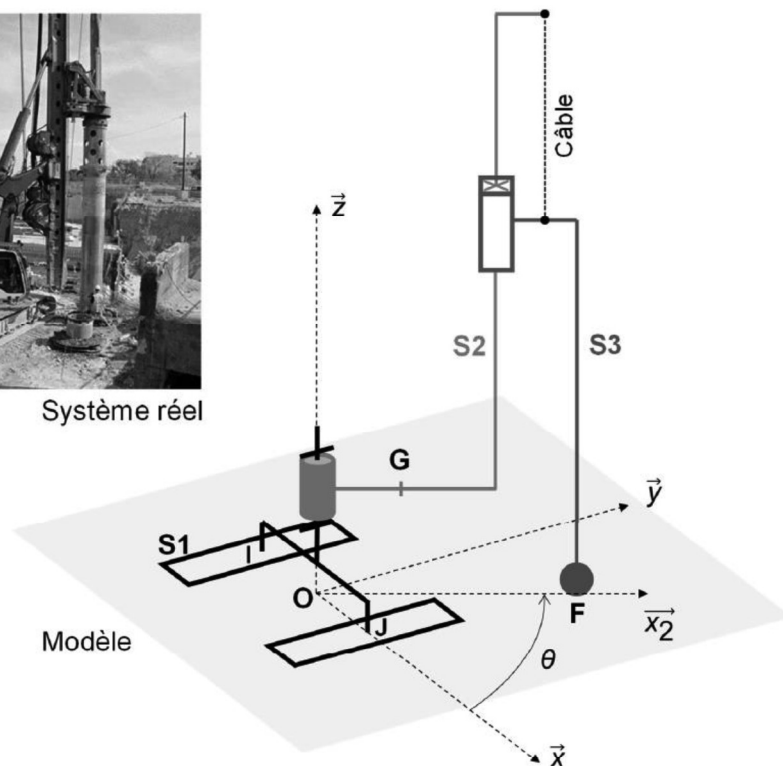
## Paramètres généraux :

Soient :

- $\mathbf{0}$  le sol,  $\mathbf{S1}$  le châssis de la foreuse,  $\mathbf{S2}$  sa tourelle et son mât et  $\mathbf{S3}$  l'ensemble {table de forage + outil} ;
- $R_0(O, \vec{x}, \vec{y}, \vec{z})$  le repère attaché aux solides  $\mathbf{S0}$  et  $\mathbf{S1}$  ;
- $B_2(\vec{x}_2, \vec{y}_2, \vec{z}_2)$  la base attachée aux solides  $\mathbf{S2}$  et  $\mathbf{S3}$  telle que  $(\vec{x}, \vec{x}_2) = \theta$  où  $\theta$  est connu ;
- $\Sigma = \{S1, S2, S3\}$  l'ensemble de la foreuse, de centre de gravité  $G$  tel que  $\overrightarrow{OG} = r \cdot \vec{x}_2 + z_G \vec{z}$  ;
- $M = 186,5$  tonnes la masse de l'ensemble  $\Sigma$  et  $m = 18$  tonnes la masse de  $\mathbf{S3}$  seul ;
- $2F_w \vec{z}$ , connu, l'effort du câble d'avance sur  $\mathbf{S3}$ . La masse du câble est négligée dans la suite ;
- $F_{Sol} \vec{z}$ , inconnu, l'effort de forage du sol  $\mathbf{0}$  sur l'outil de forage  $\mathbf{S3}$  au point  $F$ , connu, défini par  $\overrightarrow{OF} = R \cdot \vec{x}_2$  ;
- $-g \vec{z}$  où  $g = 9,8$  m.s<sup>-2</sup>, l'accélération de la pesanteur terrestre.



Système réel



## Paramétrage n° 1 : modèle avec liaisons linéaires rectilignes entre le sol et la foreuse

- Chenille droite/sol : linéaire rectiligne suivant  $(J, \vec{y})$  de normale  $\vec{z}$   
 $OI = a = 2,1$  m
- Chenille gauche/sol : linéaire rectiligne suivant  $(I, \vec{y})$  de normale  $\vec{z}$   
 $OJ = a = 2,1$  m

## Paramétrage n° 2 : modèle avec répartition de pression entre le sol et la foreuse

On note :

- $P(x, y, 0)$ , un point courant de contact entre le sol et les chenilles. Attention,  $x$  est négatif sur la figure ci-dessous. Les grandeurs  $dx$  et  $dy$  sont les dimensions du domaine surfacique élémentaire autour du point  $P$  entre le sol et les chenilles ;
- $p_g(y) = A \frac{y}{L} + B$ , la pression du sol 0 sur la chenille gauche  $cg$  au point  $P(x, y, 0)$  où  $A$  et  $B$ , homogènes à des pressions, sont inconnues et à déterminer ;
- $p_d(y) = C \frac{y}{L} + D$ , la pression du sol 0 sur la chenille droite  $cd$  au point  $P(x, y, 0)$  où  $C$  et  $D$ , homogènes à des pressions, sont inconnues et à déterminer ;
- $L = 5,4 \text{ m}$ , la longueur et  $\ell = 1 \text{ m}$  la largeur de chaque chenille ;
- $a = 2,1 \text{ m}$ , la distance moyenne sur la direction  $\vec{x}$  du centre de la chenille au point O de la machine.

